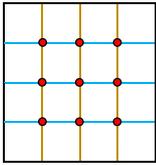


1- Se déplacer sur un quadrillage



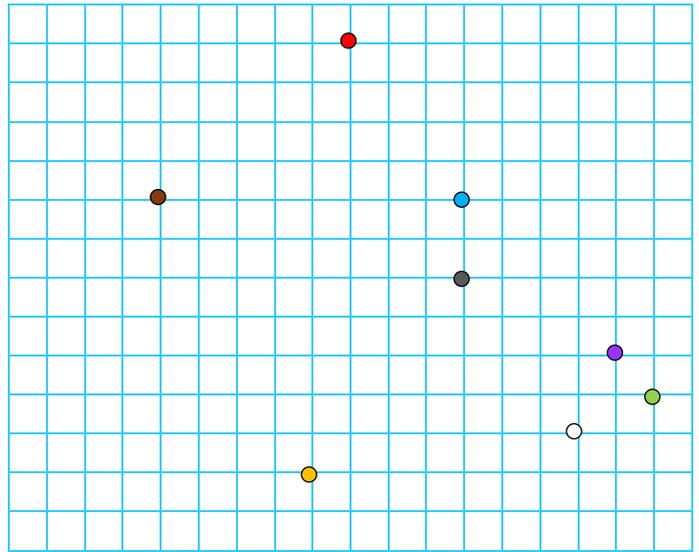
Un tableau est fait à partir d'un **quadrillage** de lignes droites

. **horizontales** (de gauche à droite)

. **verticales** (de haut en bas)

Les points de **rencontre** de ces lignes s'appellent des **NŒUDS**.

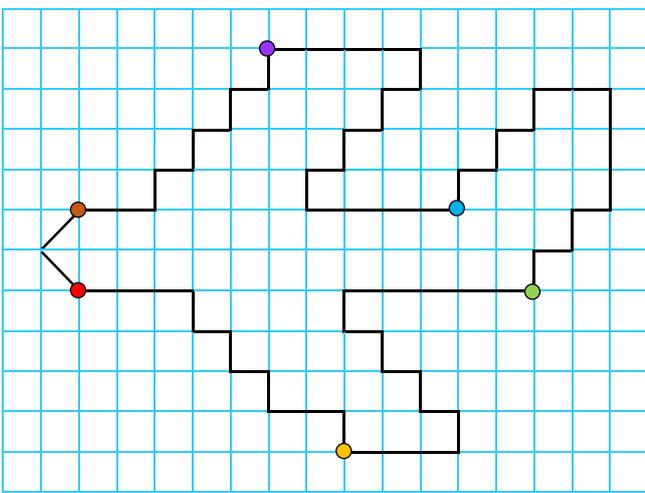
1. Suis le chemin indiqué par les flèches ci-contre en te déplaçant, à partir des ronds de couleur, sur les nœuds du quadrillage dans le sens qu'elles indiquent (1 flèche = 1 carreau)



- ← ↓ → ↑ ●
- ↓ → ↓ → → ↓ ↓ → ●
- ↓ → → ↓ ↓ → ↓ ○
- ← ← ← ↓ ← ← ↓ ← ↓ ← ↓ ← ↓ ↓ →
↓ → ↓ → ↓ → ↓ → ↓ → ↓ → ↓ → ●
- ↑ → ↑ ← ← ↑ → → ↑ → ↑ → ↓ ↓ →
↓ → ↓ ↓ → ↓ → ↑ → ↑ ↑ → ●
- ↑ ↑ ← ↑ ↑ ← ↑ ← ↑ ← ← ↓ ← ↑ ← ↑ ← ↑ → ↑ ●

Verbalise les étapes du chemin :
1 carreau à gauche,
1 en bas,...

2. Observe bien le chemin ci-dessous, décris-le à voix haute, puis écris ci-contre le code correspondant :



-
- ●
-
- ●
-
- ●
-
- ●
-
- ●
-
- ●

2- Se repérer sur un plan



3			✋
2	✂		
1		☆	
	A	B	C

Pour repérer facilement l'emplacement d'une **case** dans un tableau, on donne des **noms** aux lignes et aux colonnes.

Pour nommer une case, on indique le nom de la **colonne** et celui de la **ligne** où elle se trouve, en commençant par indiquer la **lettre**, puis le **chiffre**.

Ex : L'étoile se situe en B1, la main en C3, les ciseaux en A2.

1. Observe bien le plan de ce village, puis exécute ce que l'on te demande ci-dessous.

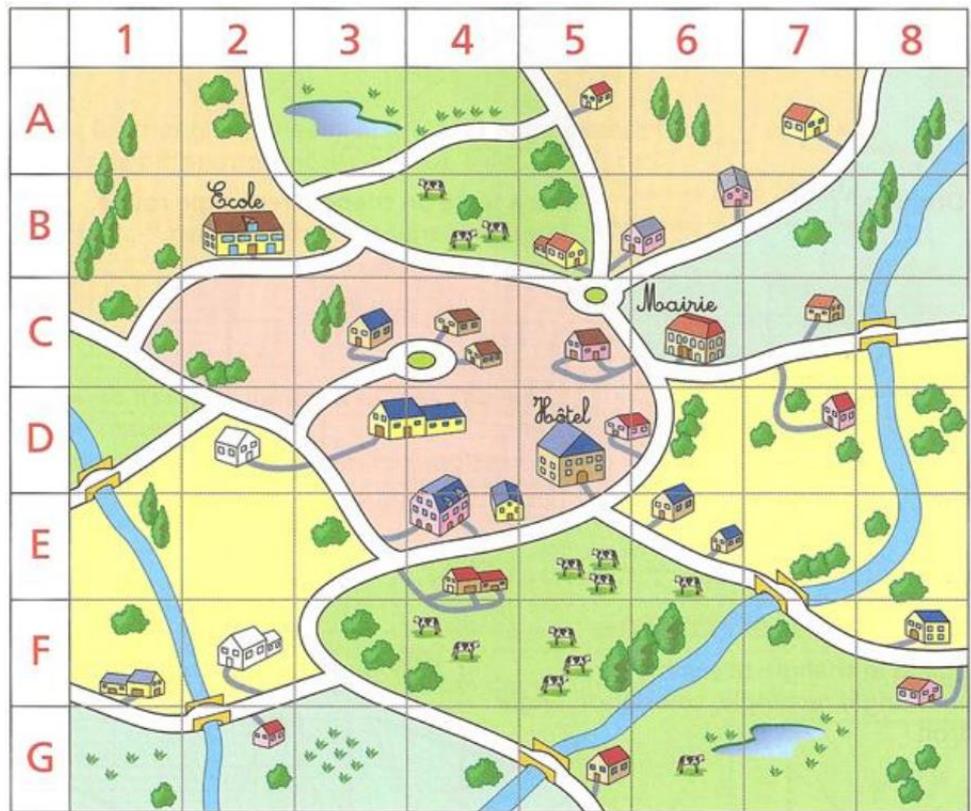
. Colorie en rouge la maison de Sophie, située en **F2**.

. Colorie en bleu la maison d'Henri, située en **D2**

. Entoure la maison de Jean, située en **D7**.

. Dessine une maison dans la case **A1**

. En suivant le tracé des routes, **dessine le trajet** suivi par Aliénor, qui se rend à l'école, sachant qu'elle quitte sa maison située en **G5** et que des travaux lui barrent la route en **D3**.



2. Observe bien le plan du village ci-dessus, puis complète ces phrases :

- . La **mairie** est en, l'**école** en, et il y a un **hôtel** en
- . On voit des **ronds-points** dans les cases et
- . On trouve des **mares** en et en
- . **2 vaches** sont représentées dans la case
- . Il n'y a qu'**une vache** dans la case et dans la case
- . Des **ponts** enjambent les rivières dans les cases,,, et

3. Nomme toutes les cases par lesquelles passe la rivière de droite, en partant du bas du plan :

.....,,,,,,,,

4. Dans le quadrillage ci-dessous, **colorie** les cases de la couleur demandée de sorte à faire apparaître un **dessin** (**barre** dans les consignes les numéros des cases que tu as déjà coloriées) :

. **Noir** : F11

. **Rouge** : B10, C9, E9, D11

. **Marron** : H7, J6, L7

. **Jaune** : D7, D6, D5, E5, E4, F4, G7, G6, H6, H5, I5, I4, J4, F12, G12, G11, H11, H10, H9, G9, G8, J9, K9, L9, N9, F10, F9, F8, F7, F6, F5, L6, M6, N6, M5, N5, H3, I3, J3, K3, L3, L4, M4

. **Bleu ciel** : O5, O6, O7, O8, O9, O10, N10, M10, M9, L10, K10, J10, I9, H8, J11, J12, J13, I13, I14, A6, B7, A7, B6

. **Bleu foncé** : A4, B4, C4, D4, D3, E3, E2, F2, G2, H2

15																			
14																			
13																			
12																			
11																			
10																			
9																			
8																			
7																			
6																			
5																			
4																			
3																			
2																			
1																			
	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O				

5. Même exercice (suite et fin) :

. **Rouge** : C10, D9, D10

. **Marron** : I6, K6, J5

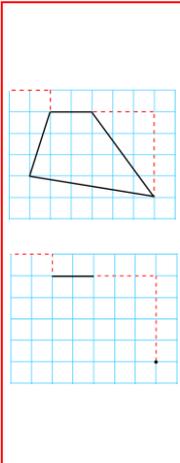
. **Jaune** : D12, E12, E13, F13, G13, H13, H12, I12, I11, I10, E11, E10, G10, E8, E7, E6, F3, G5, G4, G3, H4, K5, K4, L5, I7, J7, K7, M7, N7, I8, J8, K8, L8, M8, N8

. **Bleu ciel** : A5, B5, C5, C6, C7, C8, D8, B8, A8, A9, B9, A10, A11, B11, C11, C12, C13, D13, D14, E14, F14, G14, H14

. **Bleu foncé** : N4, O4, M3, N3, O3, M2, L2, K2, J2, I2

Colorie enfin en **bleu ciel** toutes les cases blanches qui restent dans la partie du **haut**, puis en **bleu foncé** toutes celles qui restent dans la partie du **bas**.

3- Reproduire des figures sur des **quadrillages** différents



Pour reproduire un dessin sur un quadrillage, on utilise les **nœuds** de ce quadrillage :

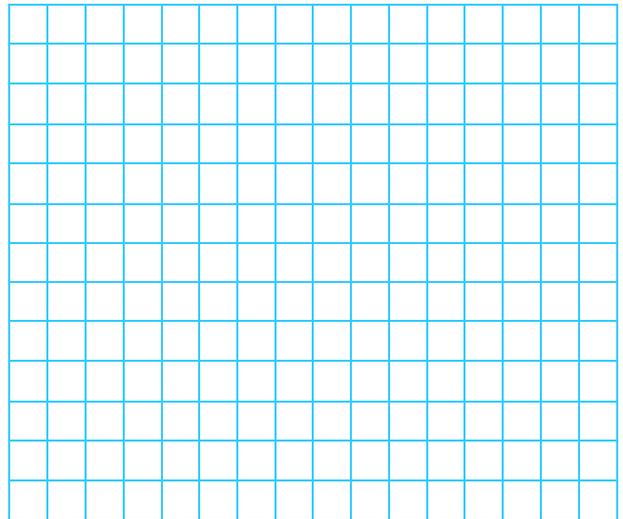
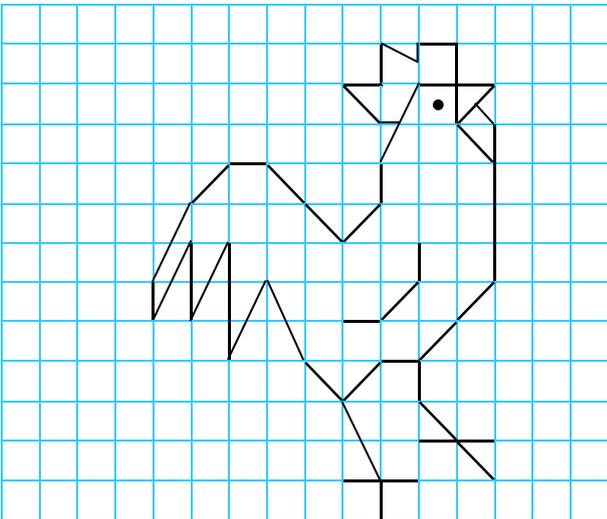
. Si l'on n'a pas de point de départ, on se **repère** par rapport aux **bords du quadrillage** : on part du point de la figure le plus **près d'un coin**, et on compte le **nombre de carreaux** qui le séparent de ce coin de départ vers la droite ou la gauche puis vers le bas ou le haut.

. On **cherche** ensuite le **point suivant** : on repère la **direction**, le **nombre de carreaux** qui les séparent (voir ch 1), puis on **reporte** ce point sur la copie en respectant ces données. Pour les **diagonales** compliquées, on compte le nombre de carreaux qui séparent en **largeur** et en **hauteur** le nouveau point du précédent : pas d'approximation !

. Enfin, on **relie** les points.

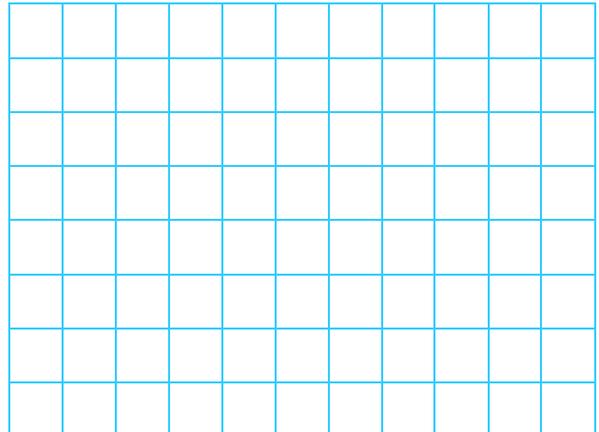
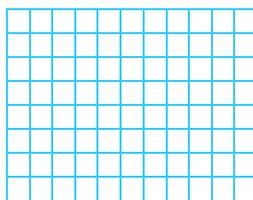
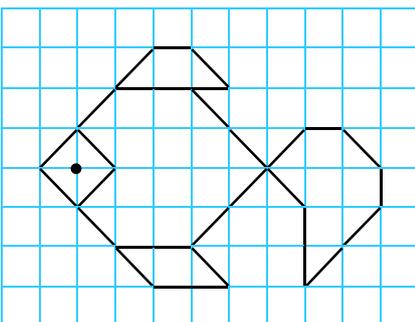


1. Reproduis à droite la figure ci-dessous en traçant les traits à la règle.



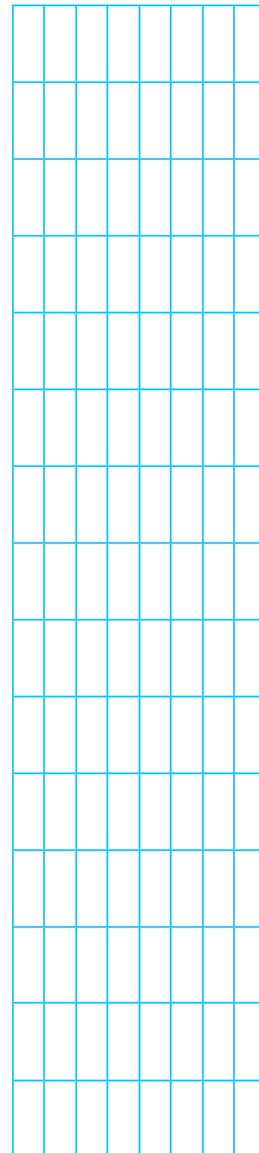
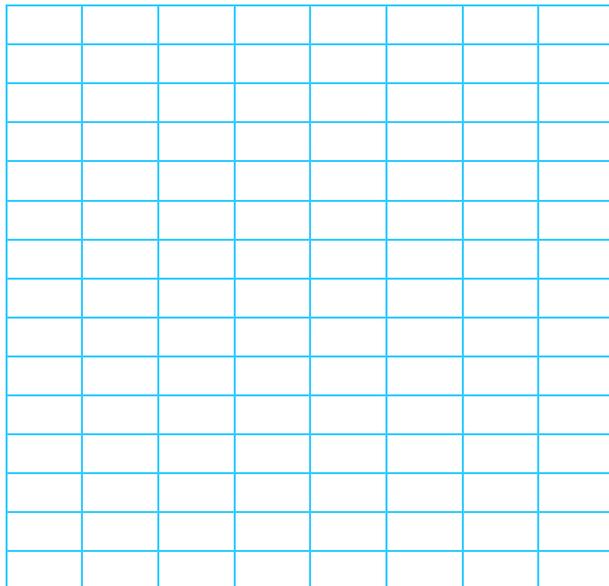
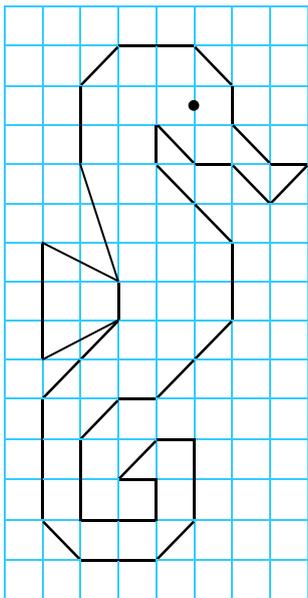
Lorsque le quadrillage sur lequel on doit reproduire la figure est différent, il **suffit de compter comme d'habitude** le nombre de carreaux pour placer les points les uns par rapport aux autres.

2. Reproduis la figure ci-dessous dans les deux quadrillages, en traçant les traits à la règle.



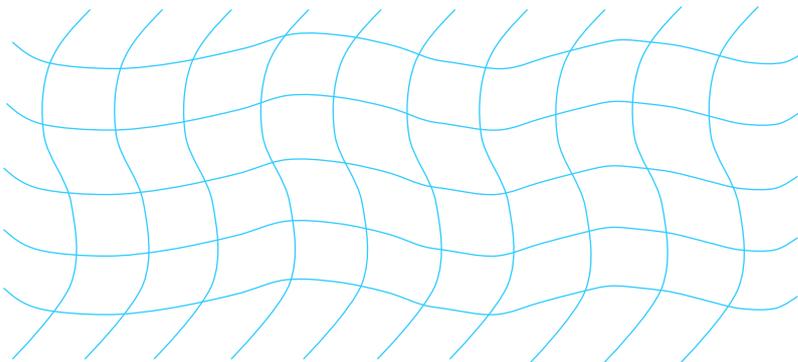
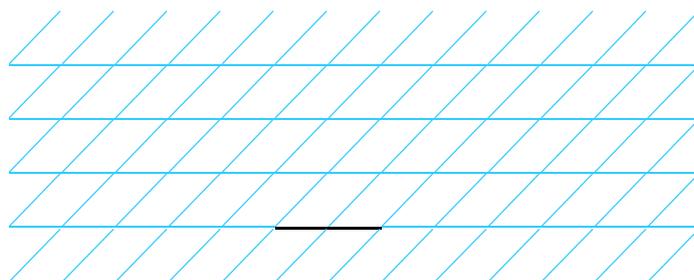
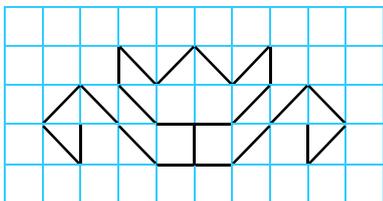
3. Reproduis la figure ci-dessous dans les deux quadrillages, en traçant les traits à la règle.

3

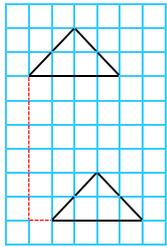


4. Reproduis la figure ci-dessous dans les deux quadrillages, à main levée bien sûr pour le dernier.

4



4- La translation



Pour **déplacer une figure** dans un même quadrillage (on appelle cela une translation), on commence par **choisir un point** de cette figure, et par le **déplacer du nombre de carreaux demandés**.

Ensuite, à partir de ce point, on reproduit les autres points de la figure.

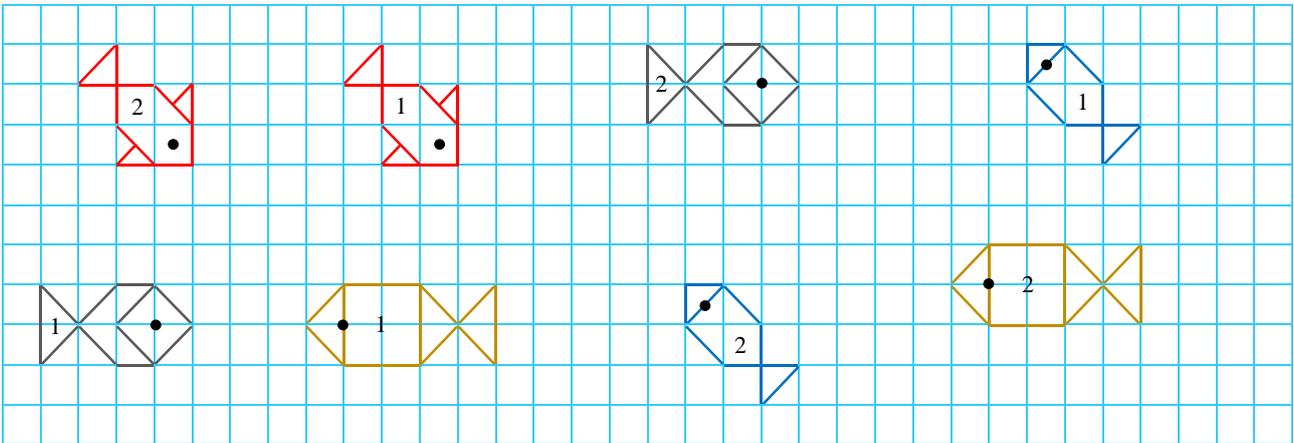
Ex : le triangle du haut a été déplacé de 6 carreaux vers le bas et 1 carreau vers la droite.



Pour t'aider, marque un point sur chaque figure 1, puis marque le même point sur la figure 2 correspondant.

1. Pour chaque figure 2, indique avec précision les déplacements effectués par rapport à la figure 1 (vers le haut ou vers le bas, vers la gauche ou vers la droite).

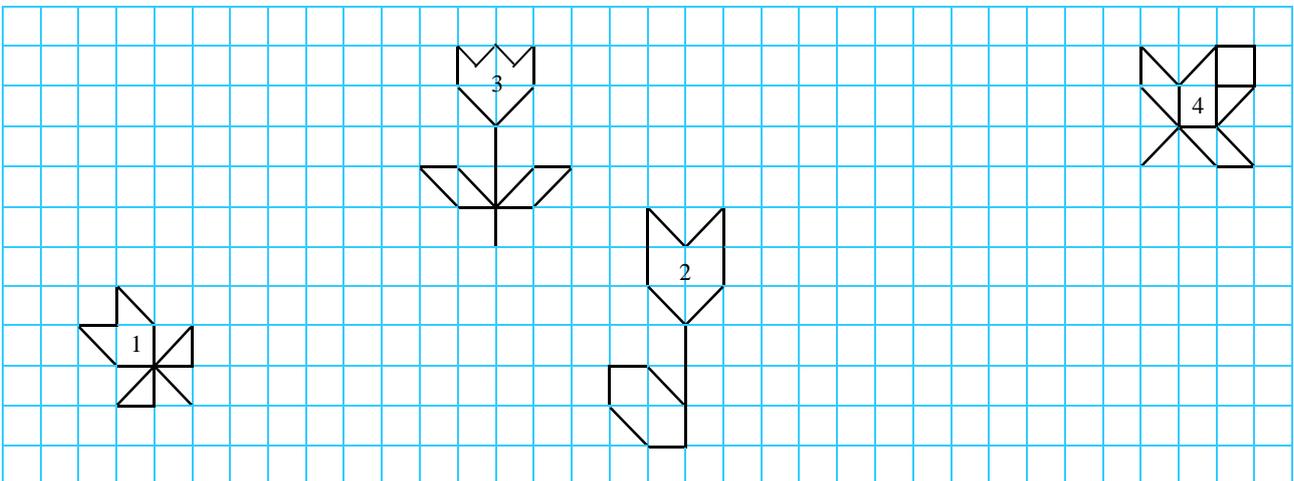
1



- . Le poisson rouge a été déplacé de ... carreaux vers
- . Le poisson doré a été déplacé de ... carreaux vers et de ... carreaux vers
- . Le poisson bleu a été déplacé de ... carreaux vers et de ... carreaux vers
- . Le poisson gris a été déplacé de ... carreaux vers et de ... carreaux vers

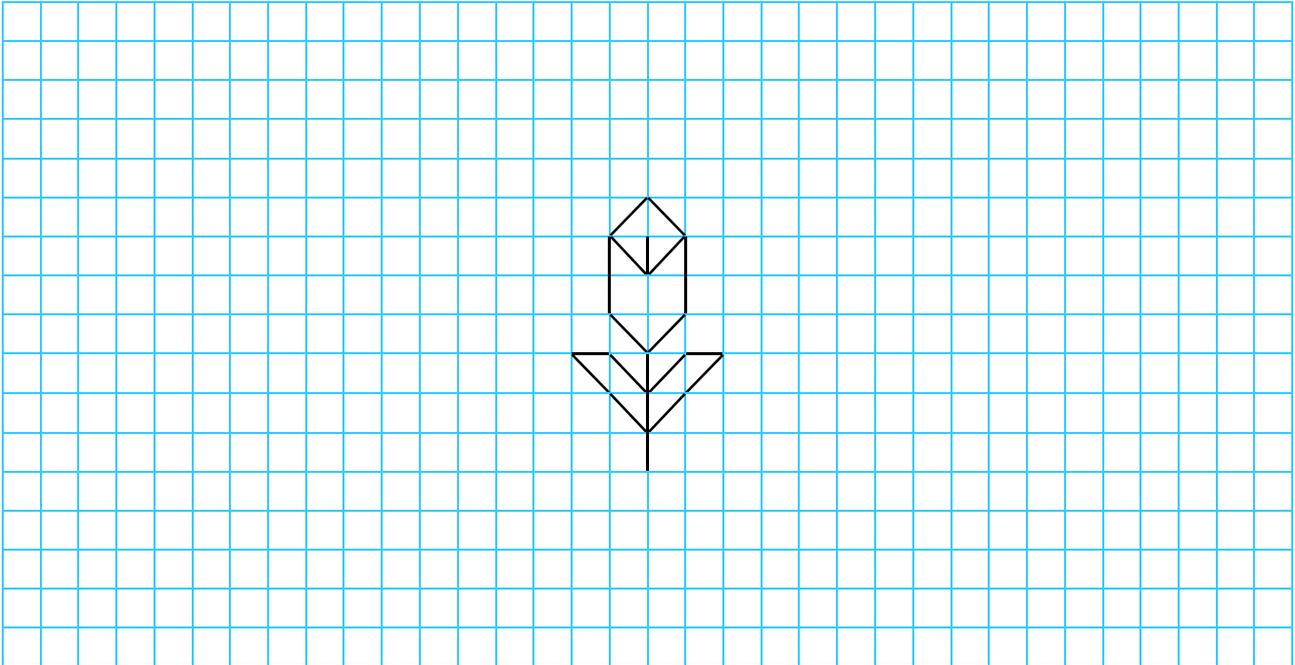
2. Déplace la fleur 1 de 6 carreaux vers le haut, la fleur 2 de 9 carreaux vers la gauche, la fleur 3 de 16 carreaux vers la droite et 4 carreaux vers le bas, et la fleur 4 de 5 carreaux vers le bas et 9 vers la gauche.

2



3. **Déplace** la fleur ci-dessous de 9 carreaux vers la gauche et 3 carreaux vers le bas, puis de nouveau (la figure de départ) de 8 carreaux vers la droite et 3 carreaux vers le haut, recommence : de 12 carreaux vers la gauche et 4 vers le haut, et une dernière fois de 14 carreaux vers la droite et 2 vers le bas.

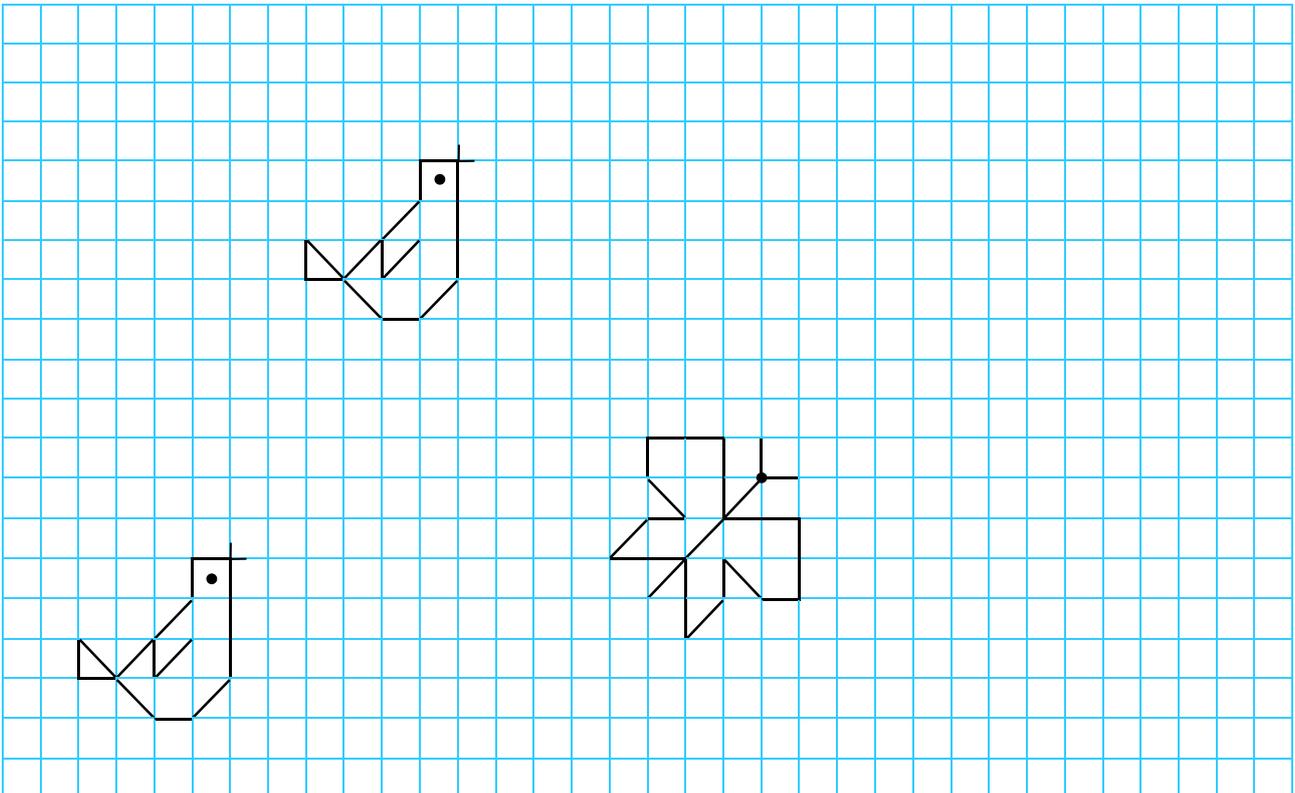
3



4. **Indique** les déplacements effectués par l'oiseau, puis effectue pour le papillon la même translation.

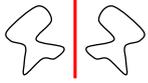
. L'oiseau a été déplacé de ... carreaux vers le et de ... carreaux vers la

4





5- La symétrie (par rapport à une droite)

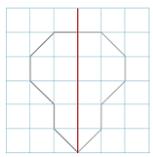


La symétrie, c'est la **reproduction en miroir** d'un dessin par rapport à un **axe** (ici le trait rouge) : on a à gauche de cet axe la même chose qu'à droite, mais de manière inversée.

1. Barre les paires qui ne sont pas symétriques par rapport à l'axe rouge, et **explique** ce qui ne va pas.

1

2



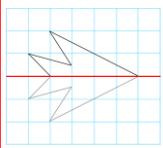
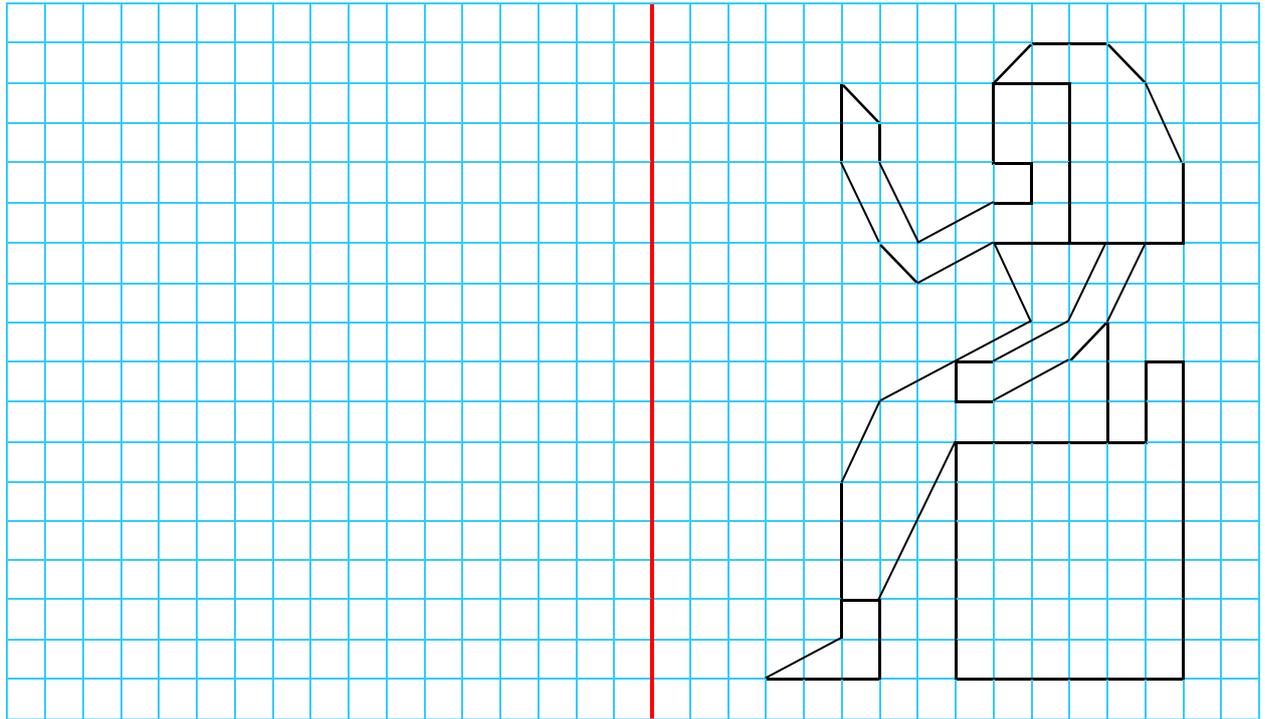
Pour reproduire une figure de façon symétrique, on cherche pour chaque point son point **jumeau par rapport à l'axe** : sur la même ligne, on compte autant de carreaux vers la droite qu'il y en a vers la gauche sur le modèle.



2. Reproduis à droite ce dessin de manière symétrique, en traçant les traits à la règle.

3. Reproduis à gauche ce dessin de manière symétrique, en traçant les traits à la règle.

3

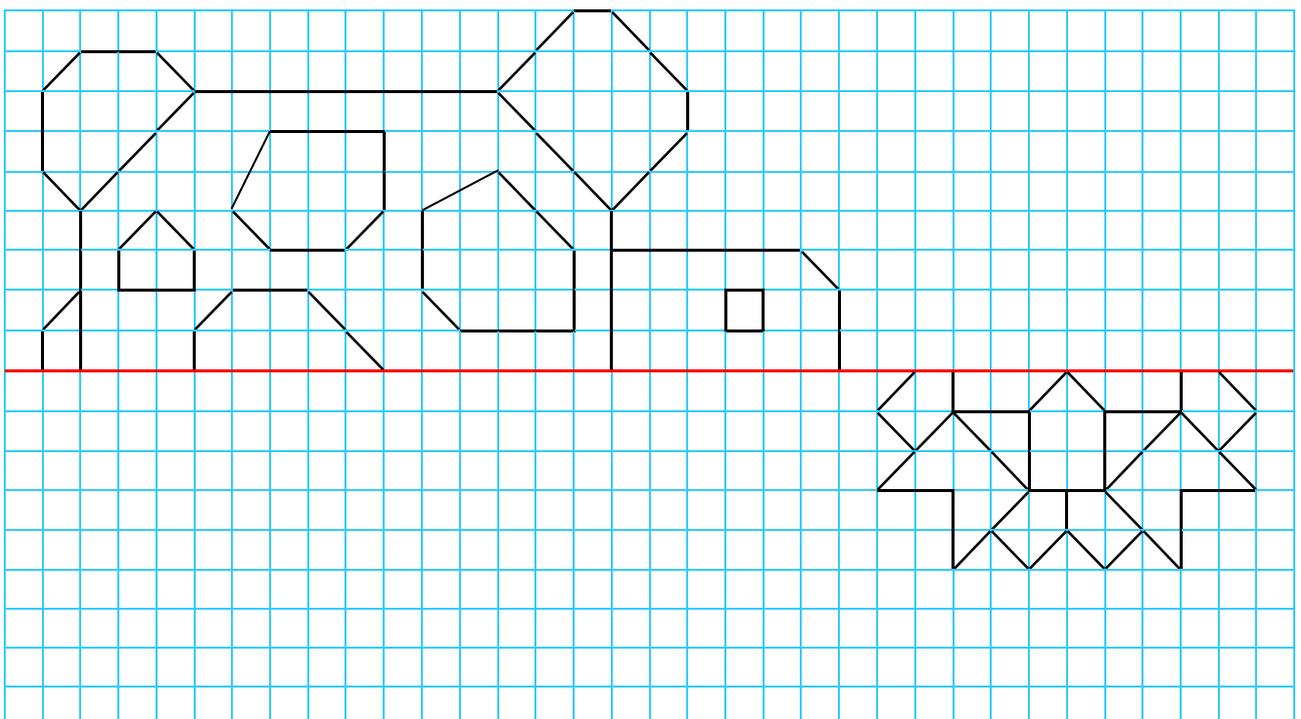


L'axe de symétrie peut aussi être **horizontal**. C'est le même principe, seulement au lieu d'inverser la gauche et la droite on inverse le **haut** et le **bas**.



4. Reproduis la moitié manquante de ces dessins, en traçant les traits à la règle.

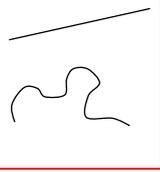
4



6- Les lignes

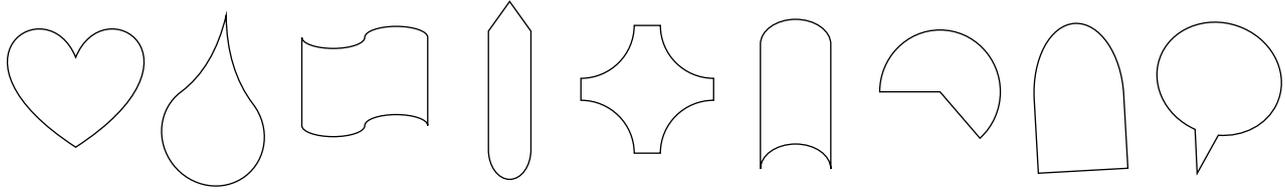


Ligne **droite** : points alignés
 Ligne **courbe** : arrondie

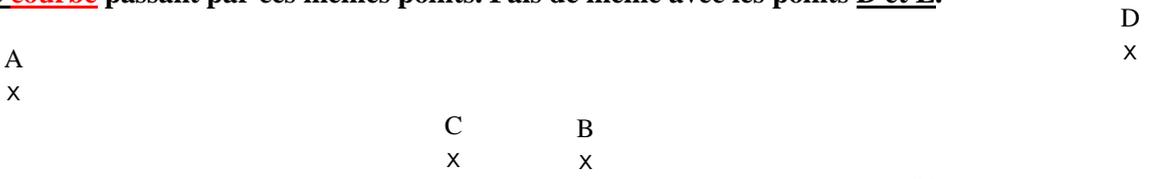


. Une ligne **droite** est une ligne qui suit le **plus court chemin** d'un point à un autre : elle **ne change pas** de direction, et tous ses **points** sont alignés.
 . Une ligne **courbe** est une ligne de forme **arrondie**, où **aucun point n'est aligné** avec les précédents.

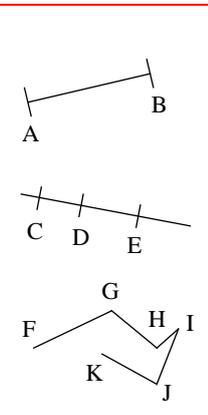
1. Dans ces figures, repasse en bleu sur les **lignes droites**, en rouge sur les **lignes courbes**.



2. Trace avec ta règle une **ligne droite** bleue passant par les points **A** et **B**, puis trace à la main, en rouge, une **ligne courbe** passant par ces mêmes points. Fais de même avec les points **D** et **E**.



Segment [AB] : 2 extrémités
 Droite (AB) : illimitée
 Ligne brisée ABCD : segments reliés mais non alignés

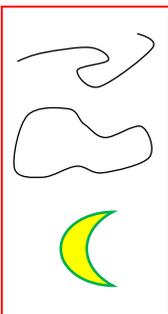


. Un **segment** est une ligne droite qui a un **début** et une **fin** : il est délimité par **2 points**.
 On donne à un segment le nom des deux points qui le délimitent, entre **crochets**. Ex : [AB]
 . Une **droite** est une ligne droite qui n'a **ni début ni fin** : elle peut se prolonger à l'infini.
 Elle peut comporter plusieurs segments, tous **alignés**.
 On donne à une droite le nom de deux points par lesquels elle passe, entre **parenthèses**. Ex : (CE)
 . Une **ligne brisée** se compose de plusieurs **segments** reliés mais **non alignés**.
 On donne à une ligne brisée le nom des points qui délimitent chacun de ses segments, dans l'ordre.

3. Place les points T, U, V et W. Trace la droite passant par les points T et U. Repasse ensuite en rouge sur le segment délimité par ces points. Relie ensuite les points U et V, puis les points V et W. Nomme enfin ci-dessous chacune des lignes obtenues :

- . la droite :
- . les segments :
-
-
- . la ligne brisée :

Figure : ligne fermée
 Périmètre : tour de la figure
 Surface : intérieur de la figure

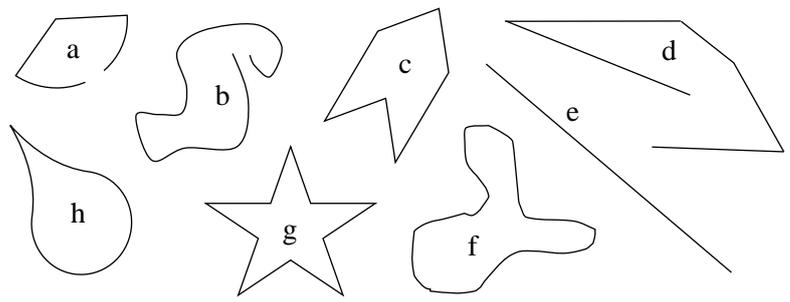


- . Une ligne **ouverte** est une ligne dont les **extrémités** sont **distinctes**.
- . Une ligne **fermée** est une ligne dont les extrémités se rejoignent, si bien qu'on ne peut les distinguer. Elle forme ce que l'on appelle une **figure**.
- . L'**intérieur** d'une figure s'appelle sa **surface** (ici en jaune).
- . Le **tour** d'une figure s'appelle son **périmètre** (ici en vert).

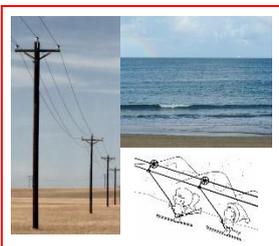


4. **Coche** dans le tableau ci-dessous les caractéristiques qui correspondent à chacune de ces lignes, puis définis chacune à l'oral selon ces critères. Pour les **figures** uniquement, repasse en rouge sur le **périmètre**, et colorie en jaune leur **surface**.

Ligne	a	b	c	d	e	f	g	h
droite								
brisée								
courbe								
ouverte								
fermée								



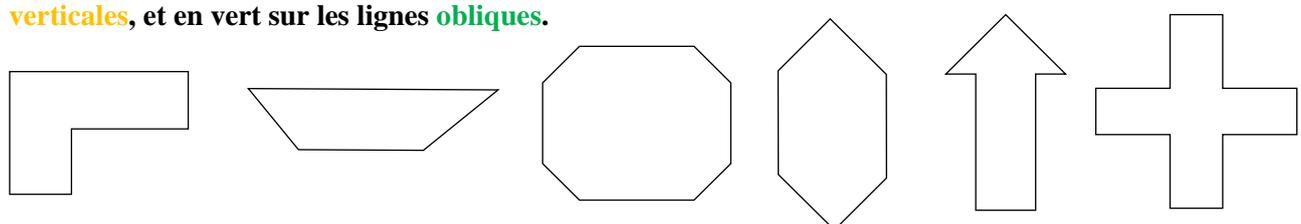
Horizontale : gauche / droite
 Verticale : haut / bas
 Oblique : penchée



Les lignes peuvent être orientées dans différentes directions :

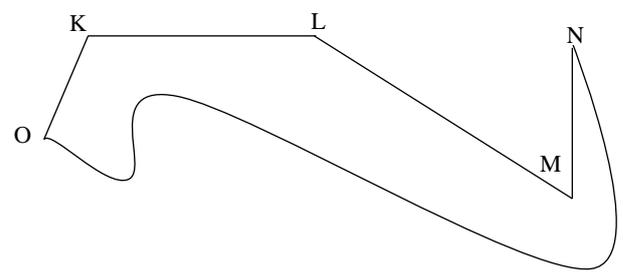
- . Une ligne **HORIZONTALE** suit la ligne de l'**horizon** : elle relie la **gauche** et la **droite**.
- . Une ligne **VERTICALE** est une ligne qui relie le **haut** et le **bas**.
- . Une ligne **OBLIQUE** est **penchée** : elle relie la **gauche** et la **droite**, et le **haut** et le **bas**.

5. Sur chaque figure ci-dessous, **repasse** en bleu sur les lignes **horizontales**, en jaune sur les lignes **verticales**, et en vert sur les lignes **obliques**.

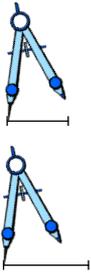


6. **Décris** cette figure : **nomme-la**, puis identifie dans l'ordre chaque **type de ligne** qui la compose, en précisant son nom et son **orientation**.

La figure est formée de



7- Comparer et mesurer des longueurs

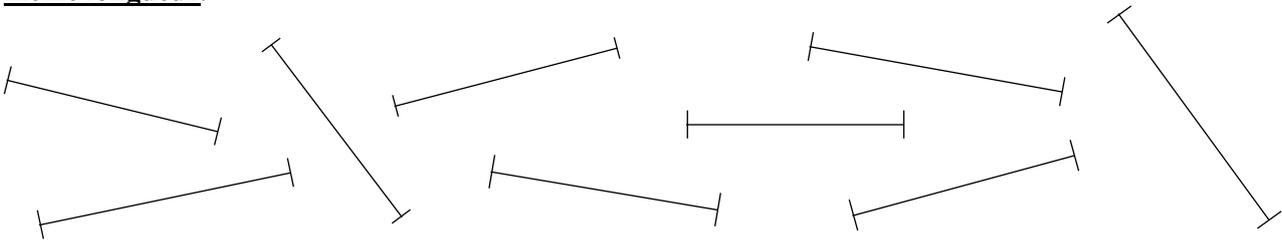


Pour comparer des longueurs sans avoir besoin de les mesurer, on utilise un compas.

On place la **pointe du compas** sur l'**extrémité** d'un segment (une ligne droite délimitée par deux points), et on **écarte** le compas de sorte à placer la **mine** sur l'**autre extrémité**.

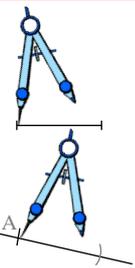
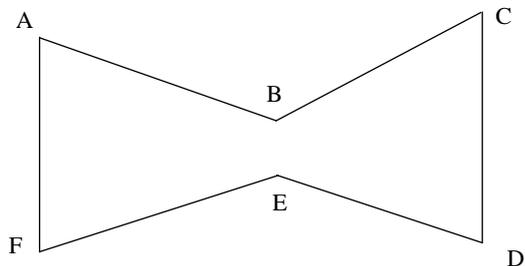
Ensuite, **sans modifier l'écartement** du compas, on place sa pointe sur l'extrémité du segment que l'on veut comparer, et on regarde où se situe la mine par rapport à l'autre extrémité.

1. Après les avoir comparés avec ton compas, repasse de la même couleur sur les segments qui ont la même longueur.



2. Les côtés (segments) de cette figure sont égaux 2 à 2. Mesure-les avec ton compas, puis écris les égalités.

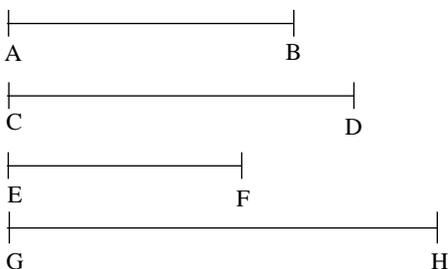
. [AB] = [.....]
 =

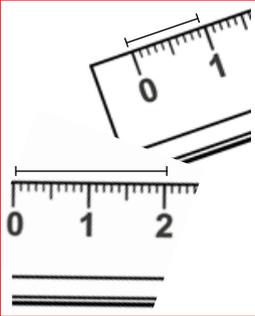


Pour reporter la longueur d'un segment sur une droite :

- . je prends la **mesure** de ce segment avec mon compas
- . je place un **point** sur la droite (et je lui donne un nom)
- . en gardant le **même écartement** du compas, je place la **pointe** sur le point, et je marque avec la mine un **nouveau point** sur la droite.

3. Sur chaque droite, reproduis le segment que tu vois à sa gauche, sans oublier de nommer les points.





Pour mesurer une longueur avec précision, on utilise une règle graduée.

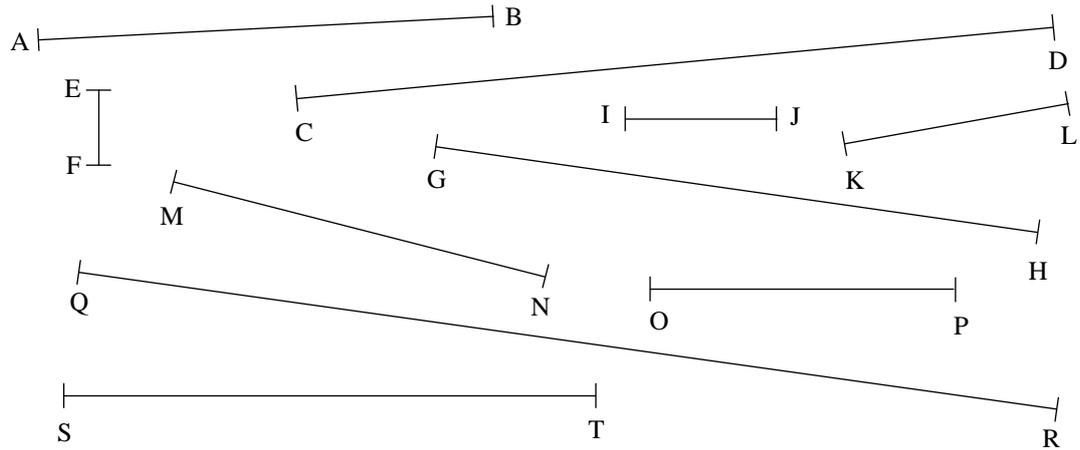
. On **aligne** la règle sous le segment à mesurer et on la fait glisser de sorte à placer le **0** très exactement sous le **point gauche** du segment.

. On regarde où se situe le **point droit** du segment par rapport à la graduation de la règle : le **numéro** correspondant indique la longueur (en centimètres) du segment.

4. Avec ta règle, mesure ces segments et écris à gauche leur longueur.

3

- [AB] = cm
- [CD] = cm
- [EF] = cm
- [GH] = cm
- [IJ] = cm
- [KL] = cm
- [MN] = cm
- [OP] = cm
- [QR] = cm
- [ST] = cm



. Pour mesurer une **ligne brisée**, on **mesure chaque segment** de cette ligne, puis on **additionne** toutes ces mesures.

. De même, pour mesurer le **périmètre d'une figure** on **additionne** chacun des segments qui en forment les **côtés**.

5. Pour trouver lequel de ces trajets est le plus long, mesure la longueur de chacun d'eux.

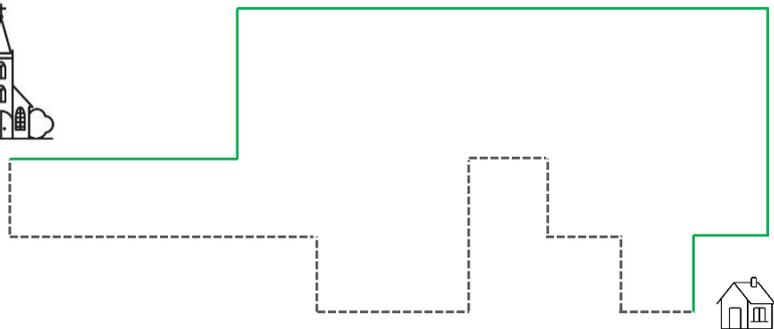
. Trajet vert :

.....
.....



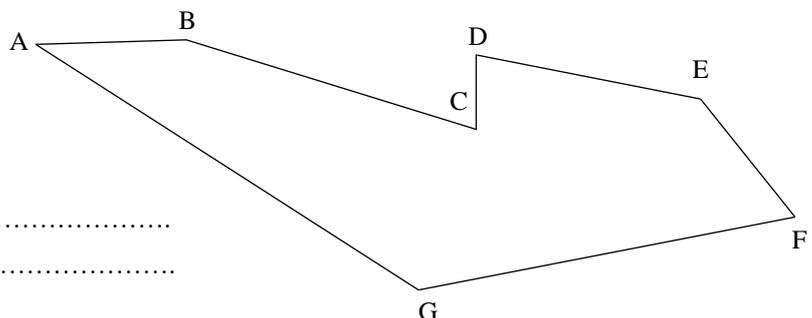
. Trajet gris :

.....
.....



4

6. Mesure le périmètre de cette figure.



$P = [AB] + \dots\dots\dots$

$P = \dots \text{ cm} + \dots\dots\dots$

8- Tracer des segments et des figures en respectant des mesures

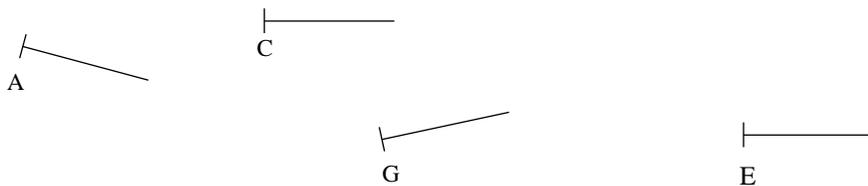
Pour **tracer un segment** d'une longueur précise, il faut

- . placer un **point** en faisant une **petite croix** (et le **nommer**)
- . placer le **0** de la règle juste sous ce point
- . **tirer un trait** partant du 0 et allant jusqu'à la mesure demandée
- . marquer l'**arrêt** du segment par un **petit trait** vertical (**nommer** ce nouveau point).



1. Termine chacun de ces segments de sorte qu'ils correspondent au nom et à la longueur demandés.

- . [AB] = 3 cm
- . [CD] = 5 cm
- . [EF] = 4 cm
- . [GH] = 8 cm



2. Sur cette droite, place les points de sorte à obtenir les segments demandés.

- . [AB] = 5 cm
- . [BC] = 2 cm
- . [CD] = 6 cm



. Le segment [AD] mesure : cm, et le segment [AC] mesure cm.

3. Trace les segments demandés en respectant toutes les instructions.

- . [AB] : vertical, 2 cm
- . [CD] : oblique, 6 cm
- . [EF] = horizontal, 9 cm

Pour tracer une **ligne brisée**, il faut

- . placer un **premier point** en faisant une petite croix (et le nommer)
- . tracer le **premier segment** de la longueur voulue
- . partir du nouveau point ainsi obtenu pour tracer le **segment suivant**, etc...

4. Trace la ligne brisée HIJKLM en respectant les instructions ci-dessous pour chaque segment.

- . [HI] : horizontal, 8 cm
- . [IJ] : vertical, 1 cm
- . [JK] = oblique, 4 cm
- . [KL] : horizontal, 5 cm
- . [LM] : vertical, 2 cm

Les segments qui composent une figure s'appellent ses **côtés**.

Pour tracer une **figure**, il faut tracer les côtés demandés les uns à la suite des autres en respectant bien les consignes ; le **premier** et le **dernier côtés** doivent se **rejoindre**.



5. Trace une **figure** dont les côtés correspondent aux instructions suivantes :

[AB] = 3 cm, horizontal

[BC] = 2 cm, oblique

[CD] = 4 cm, vertical

[DE] = 1 cm, oblique

[EF] = 5 cm, horizontal

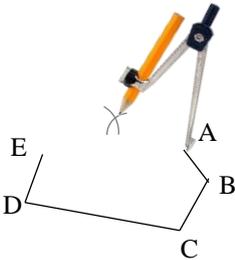
FA : ligne courbe

Pour tracer une **figure** composée uniquement de segments, il faut faire en sorte que les deux derniers côtés se rejoignent : pour cela, on utilise le **compas** :

. on place la **pointe** du compas sur le **0** de la règle, et on **écarte** la mine du compas jusqu'à la **mesure demandée** pour l'avant-dernier segment. (ici : [EF])

. on place la **pointe** du compas sur le **dernier point** du segment précédent (ici : le point E), puis on trace un **arc de cercle** vers l'endroit où devrait se trouver le dernier point.

. on écarte le compas à la **mesure** du dernier segment (ici : [FA]), puis on place sa pointe sur le tout **premier point** de la figure (ici : A). On trace ensuite un **arc de cercle** qui croise l'arc de cercle précédent.



6. Trace une **figure** dont les côtés correspondent aux instructions suivantes, puis nomme cette figure :

[CH] = 8 cm, horizontal

[HR] = 6 cm, vertical

[RI] = 7 cm, horizontal

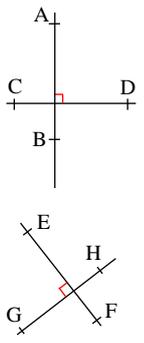
[IS] = 2 cm, vertical

[ST] = 4 cm, oblique

[TC] = 3 cm, oblique

C
X

Les droites **perpendiculaires** forment un **angle droit**.



. Lorsque 2 droites qui se croisent forment ensemble un angle droit, on dit qu'elles sont **perpendiculaires**. On utilise le signe \perp

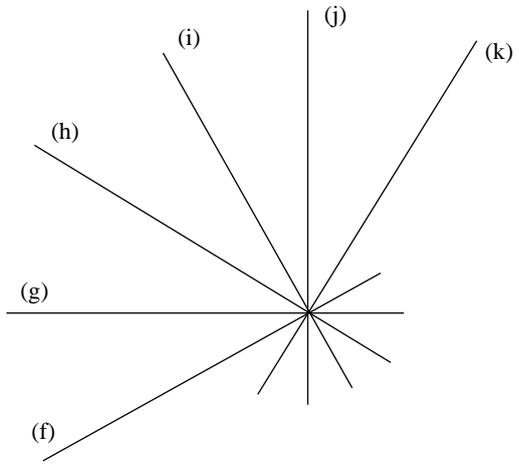
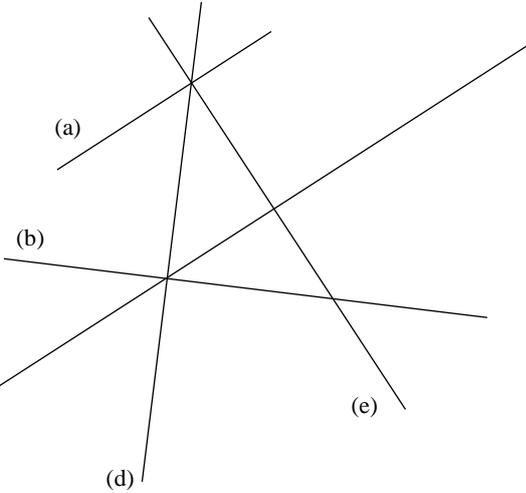
Ex : Les droites (AB) et (CD) sont perpendiculaires. Cela s'écrit $(AB) \perp (CD)$

. Une ligne droite **horizontale** et une ligne droite **verticale** sont **toujours perpendiculaires** l'une à l'autre. Mais **deux lignes obliques** peuvent aussi être perpendiculaires.

Ex : La droite (AB) est verticale, et la droite (CD) est horizontale ; elles sont donc perpendiculaires. Mais les droites (EF) et (GH), qui sont obliques, sont elles aussi perpendiculaires l'une à l'autre.

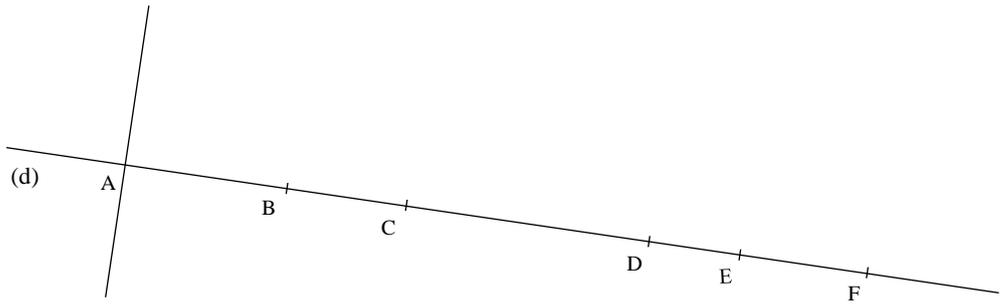
3. A l'aide de ton équerre, identifie les droites qui sont perpendiculaires entre elles.

- (.....) \perp (.....)

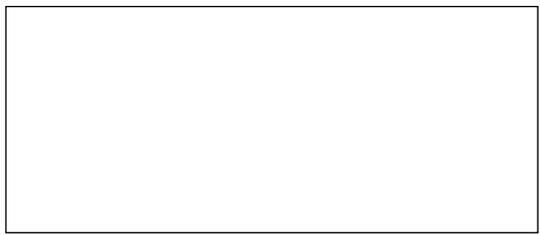


4. Trace les droites perpendiculaires à la droite (d), sur le modèle de la droite qui passe par le point A, puis nomme-les, d'après les instructions suivantes :

- (f) passe par le point C
- (g) passe par le point F
- (u) passe par le point B
- (m) passe par le point D
- (h) passe par le point E

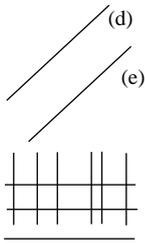


5. Reproduis ce rectangle à l'aide de ton équerre : respecte les mesures, et trace des angles bien droits.





10- Les droites parallèles



. Lorsque deux droites suivent exactement la **même trajectoire**, si bien qu'elles **ne se croisent jamais** et gardent toujours entre elles la **même distance**, on dit qu'elles sont **parallèles**. On utilise le signe //.

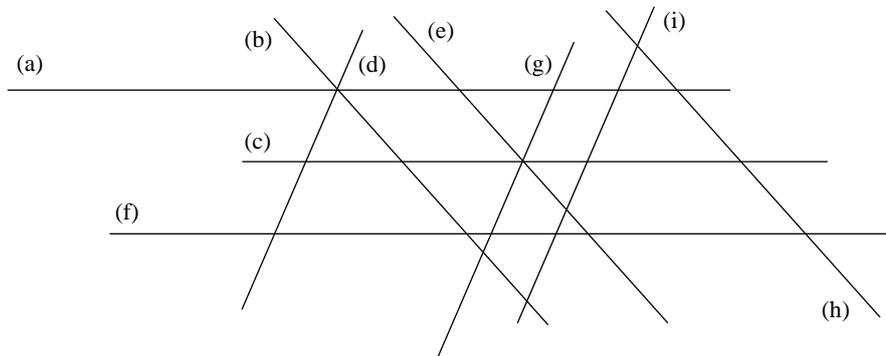
Ex : Les droites (d) et (e) sont parallèles l'une à l'autre. Cela s'écrit (d) // (e).

. Les droites **verticales** sont ainsi toujours parallèles les unes aux autres. C'est la même chose pour les droites **horizontales** entre elles.

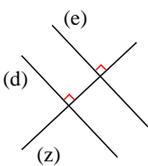
Les droites **parallèles** ne se **croisent jamais**.

1. Repasse d'une même couleur sur les droites qui sont parallèles entre elles, puis complète :

- (.....) // (.....) // (.....)
 (.....) // (.....) // (.....)
 (.....) // (.....) // (.....)



1



. Lorsque des droites sont **perpendiculaires à une même droite**, elles sont toujours **parallèles entre elles**.

Ex : Les droites (d) et (e) sont toutes deux perpendiculaires à la droite (z) ; elles sont donc **parallèles entre elles**.

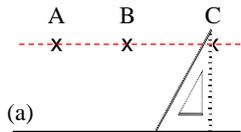
2 droites **perpendiculaires** à une même droite sont **parallèles** entre elles

2. Sur une droite (z), place 3 points A, B, et C. Avec ton équerre, trace 3 droites (a), (b) et (c) perpendiculaires à (z), passant respectivement par ces points.

. Sur la droite (b), place un point M ; trace une droite (m) perpendiculaire à (b), passant par M et coupant les droites (a) et (c).

- . **Complète** avec le signe qui convient (\perp ou //) :
- | | | | |
|-------------|-------------|-------------|---------------------|
| (z) ... (a) | (z) ... (b) | (z) ... (c) | (a) ... (b) ... (c) |
| (m) ... (b) | (m) ... (a) | (m) ... (c) | (m) ... (z) |

2



Pour **tracer 2 droites parallèles** avec une **EQUERRE** :

. On positionne l'équerre sur la droite de départ, et on la fait **glisser le long de cette droite**, en marquant **plusieurs points** (au moins 2, mais 3 c'est plus sûr) correspondant chacun à une **même mesure** de l'équerre (donc situés à même distance de la droite de départ).

. On **relie** ensuite ces points.

Ex : (AC) // (a)

3

3. A l'aide de ton équerre, place 3 points A, B et C situés à 4 cm de la droite (d), puis relie-les.



4. Sur une droite verticale, place 2 points A et B tels que $[AB] = 4$ cm ; trace une droite (x) oblique, qui coupe (AB) en H ; puis, à 2 cm en-dessous de (x), trace une droite (y) parallèle à (x). Trace une droite (z) parallèle à (AB), qui coupe (x) en I et (y) en J. Complète ensuite les phrases ci-dessous.

[AB] // [.....]

[HI] // [.....]

4

5. Sur une droite horizontale, trace un segment $[KL] = 6$ cm. Avec ton équerre, place 2 points M et N tels que $(MN) // (KL)$ à 3 cm de (KL). Trace une droite (y) qui coupera (KL) en O et (MN) en P. Enfin, à 5 cm de la droite (y), trace une droite (z) parallèle à (y). Complète ensuite chaque phrase avec le bon signe.

[KL] [MN]

[KL] [OP]

[z] [KL]

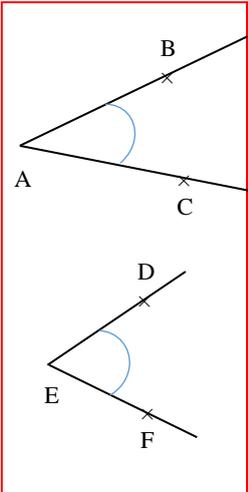
[y] [z]

[z] [MN]

[KL] [y]

11- Les angles aigus et les angles obtus

Angle : écart entre deux droites qui se rejoignent en un point
Sommet : pointe de l'angle
Côtés : droites de l'angle



. Un angle est une figure formée par 2 droites qui se rejoignent en un point appelé **SOMMET**.
 Les droites, elles, constituent les **CÔTÉS** de l'angle.

. On **nomme** un angle par les lettres des 3 points où il passe (toujours le **sommet au milieu**), surmontées d'un « **chapeau** » qui représente l'angle.

Ex : Les droites (AB) et (AC) se croisent en un point A, et forment un angle \widehat{BAC} , dont le point A est le sommet.

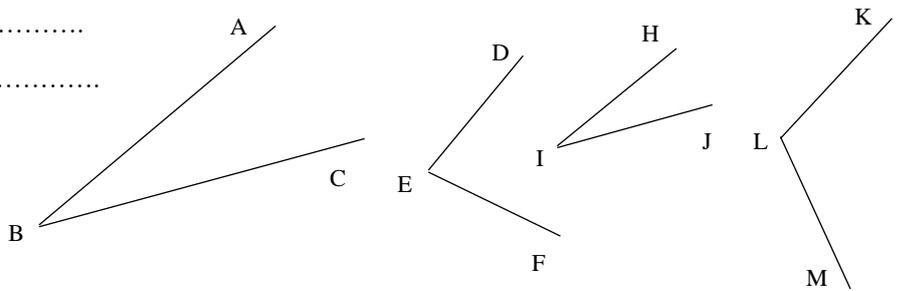
. La grandeur d'un angle correspond à l'**écart** que l'on observe entre les deux droites, et non à la longueur de ses côtés. On signale cet écart par un **petit arc de cercle** à l'intérieur de l'angle.

Ex : L'angle \widehat{BAC} est plus petit que l'angle \widehat{DEF} , bien que ses côtés soient plus grands.

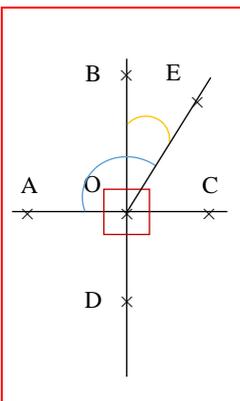
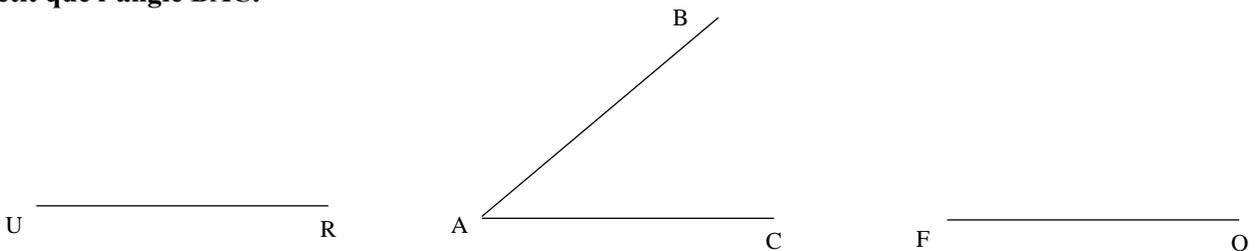


1. Marque les angles d'un arc de cercle, compare-les, puis complète ces phrases avec les noms qui conviennent :

- . L'angle \widehat{DEF} est plus **petit** que l'angle
- . L'angle \widehat{DEF} est plus **grand** que l'angle
- . L'angle \widehat{HIJ} est **égal** à l'angle



2. Observe l'angle \widehat{BAC} . Construis un angle \widehat{PUR} plus grand que l'angle \widehat{BAC} , et un angle \widehat{FOU} plus petit que l'angle \widehat{BAC} .



. Lorsqu'en se croisant 2 droites forment **4 angles égaux**, ces angles sont appelés **angles DROITS**. On signale un angle droit par un **petit carré**

Ex : Les angles \widehat{AOB} , \widehat{BOC} , \widehat{COD} et \widehat{DOA} sont des angles droits.

. Un angle plus **petit** qu'un angle droit s'appelle un angle **AIGU**.

Ex : L'angle \widehat{BOE} est un angle aigu.

. Un angle plus **grand** qu'un angle droit s'appelle un angle **OBTUS**.

Ex : L'angle \widehat{AOE} est un angle obtus.

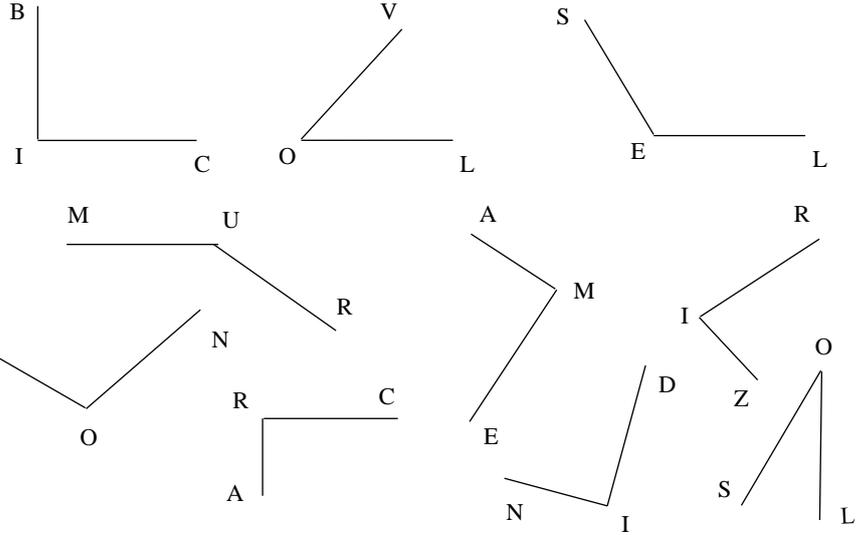
Angle droit : angle d'un **carré**
Angle aigu < Angle droit
Angle obtus > Angle droit

1

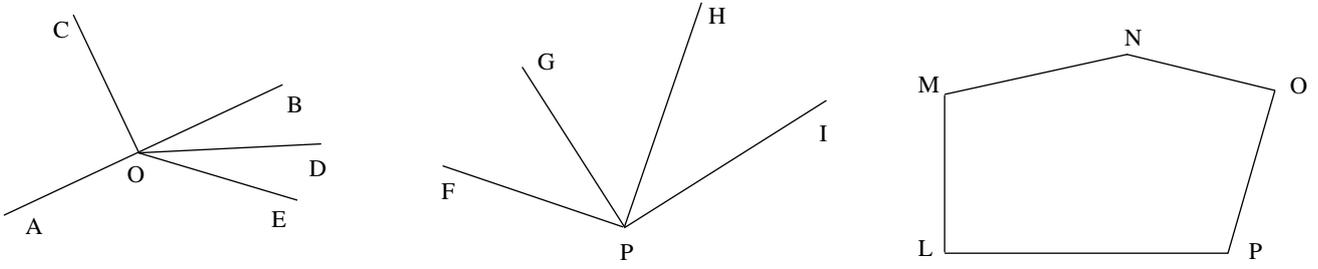
2

3. Identifie la nature de chacun de ces angles, en les nommant (veille à les écrire correctement) :

- . Les angles **droits** sont les angles,
-,, et
- . Les angles **aigus** sont les angles,
-,, et
- . Les angles **obtus** sont les angles,
-,, et

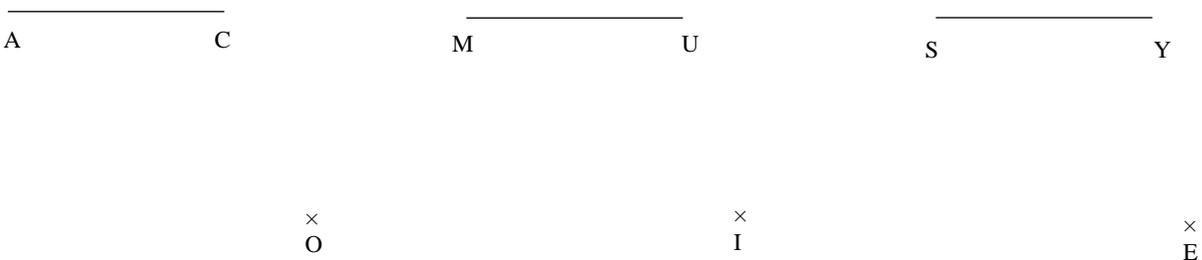


4. Observe les angles de ces figures, et complète les phrases en nommant chacun :



- . Les angles **droits** sont les angles,,,, et
- . Les angles **aigus** sont les angles,,,,,, et
- . Les angles **obtus** sont les angles,,,,,, et

5. En utilisant les droites, puis les points, trace des angles **droits** \widehat{BAC} et \widehat{TOM} , des angles **aigus** \widehat{MUR} et \widehat{NID} , et des angles **obtus** \widehat{LYS} et \widehat{SEG} ; pense à ajouter les lettres permettant de nommer ces angles.



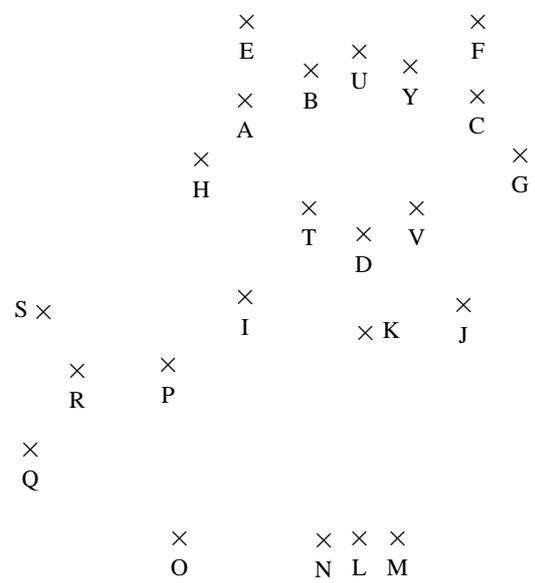
6. Trace ci-contre un angle **droit** \widehat{AOB} , puis sur la même figure un angle **aigu** \widehat{COB} , puis un angle **obtus** \widehat{DOB} .

Pour tracer un polygone dont on a le nom, il faut **relier dans l'ordre** les points correspondant aux **sommets** mentionnés dans son nom, sans oublier, pour finir, de **raccorder le dernier sommet au premier**.



3. En reliant les points qui conviennent ci-dessous, trace ces polygones, puis colorie :

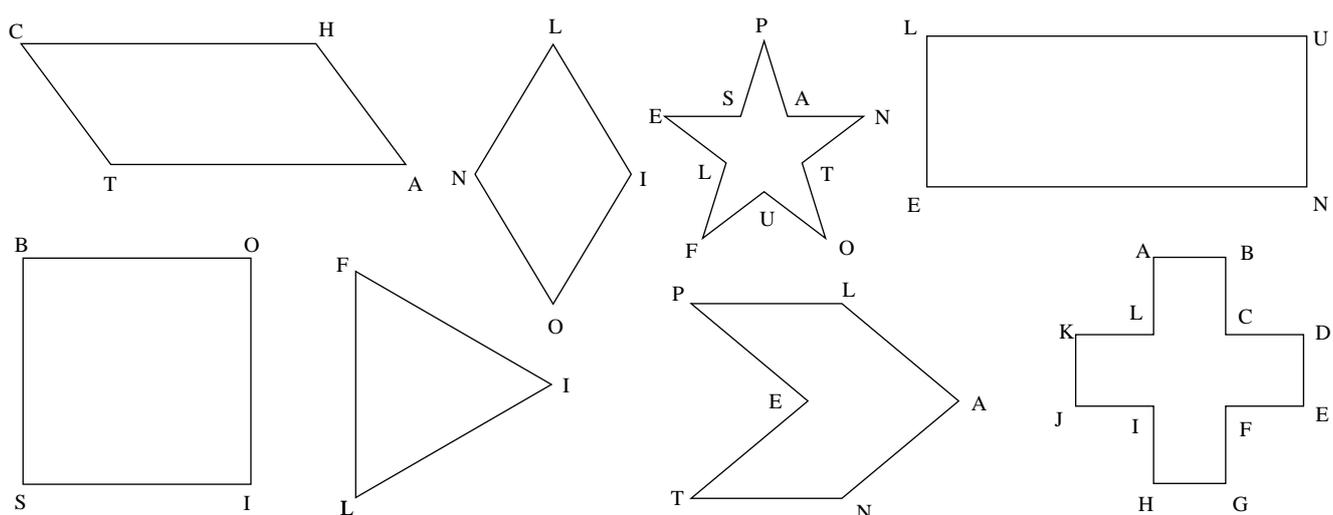
- . AUCD
- . AEB
- . YFC
- . CGD
- . ADH
- . TDVJKI
- . JMLK
- . IKLN
- . INO
- . OQRP
- . QSPR



On mesure le **périmètre** d'un polygone de la même manière que l'on mesure une ligne brisée : on commence par **mesurer chaque côté**, puis on **additionne** ces mesures.



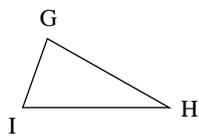
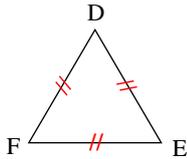
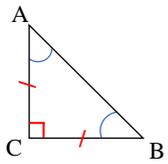
4. Calcule le périmètre de chacun de ces polygones après avoir mesuré chacun de leurs côtés.



- BOIS = + + + = cm
- CHAT = + + + = cm
- PLANTE = + + + + + = cm
- PANTOUFLES = ... + ... + ... + ... + ... + ... + ... + ... + ... = cm
- ABCDEFGHIJKL = ... + ... + ... + ... + ... + ... + ... + ... + ... + ... + ... = cm
- LION = + + + = cm
- LUNE = + + + = cm
- FIL = + + = cm



13- Le triangle



Un triangle est un polygone à **3 côtés** ; il a donc **3 angles**, et donc **3 sommets**.
 Ex : Le polygone ABC est un triangle. Les sommets des angles \widehat{BAC} , \widehat{ABC} et \widehat{ACB} sont aussi les sommets du triangle ABC.

- Parmi les triangles, on distingue
- . les triangles **rectangles**, dont un **angle** est **droit**.
 Ex : ABC est un triangle rectangle.
 - . les triangles **isocèles**, qui ont **2 côtés** de même longueur.
 Ex : ABC est aussi un triangle isocèle.
 - . les triangles **équilatéraux**, dont les **3 côtés** sont de même longueur.
 Ex : DEF est un triangle équilatéral.
 - . les triangles **sans caractéristique** particulière sont dits **quelconques**.
 Ex : GHI est un triangle quelconque.

♥

Triangle : polygone à **3 côtés**, donc **3 angles**, et **3 sommets**

Triangle **rectangle** : angle **droit**

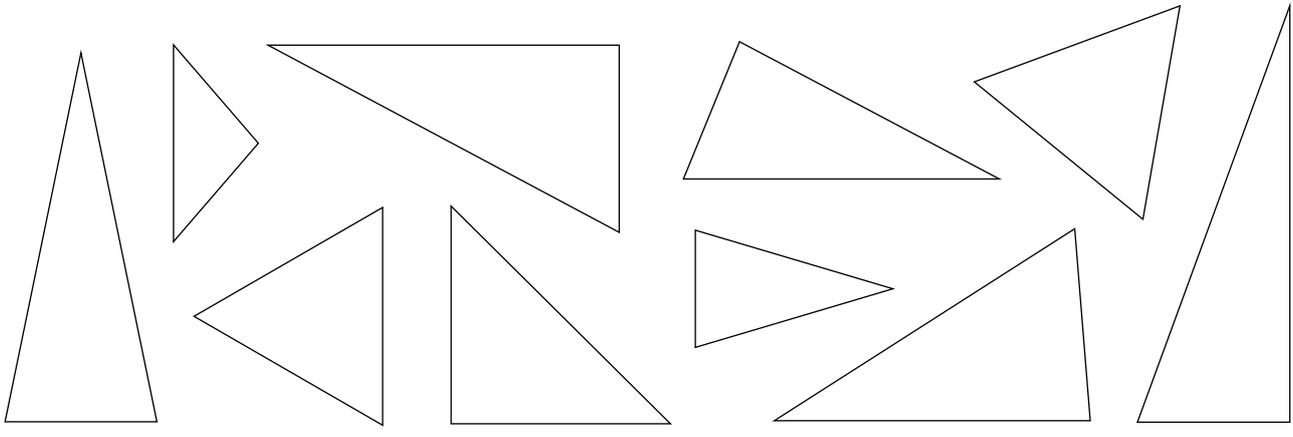
Triangle **isocèle** : **2 côtés égaux**

Triangle **équilatéral** : **3 côtés égaux**

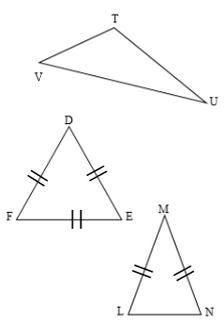
Triangle **quelconque** : **rien de spécial**

1

1. Après avoir comparé les mesures à l'aide de ton compas, repasse en bleu sur les côtés égaux des triangles **isocèles**, repasse en vert sur les côtés des triangles équilatéraux, et marque les angles droits des triangles rectangles d'un petit **angle droit rouge**. Colorie le triangle quelconque.



2

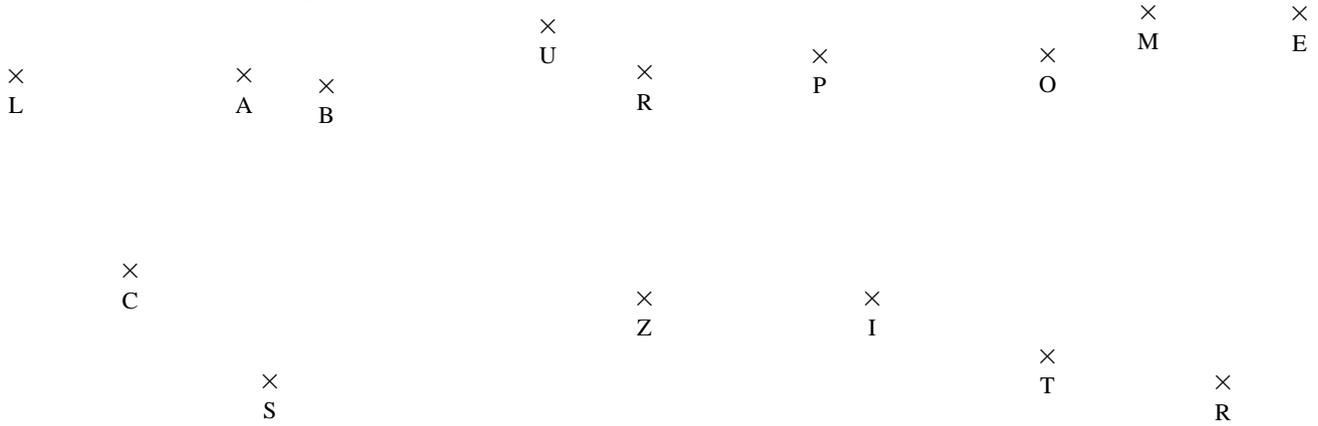


Le **périmètre** est le tour d'une figure. Pour le calculer, il faut faire la **somme** de chacun des **côtés** de cette figure.
 Ex : Le périmètre du triangle TUV est égal à $TU + UV + UT$.

. Pour un triangle **équilatéral**, les 3 côtés étant égaux, il suffit de **multiplier 1 côté par 3**.
 Ex : Le périmètre du triangle DEF = $DE \times 3$ ou $DF \times 3$, ou $EF \times 3$.

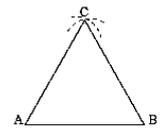
. Pour un triangle **isocèle**, on peut **multiplier par 2 un des côtés égaux**, et **ajouter le troisième**.
 Ex : Le périmètre du triangle LMN = $LM \times 2 + LN$, ou $MN \times 2 + LN$.

2. Relie ces points de manière à former les triangles LAC, BUS, RIZ, POT et MER ; recopie leur nom à côté de leur définition, puis mesure les côtés et calcule le périmètre de chacun.



Triangle quelconque : Périmètre = + + = cm
 Triangle équilatéral : Périmètre = = cm
 Triangle rectangle : Périmètre = = cm
 Triangle isocèle : Périmètre = = cm
 Triangle rectangle isocèle : Périmètre = = cm

3. Construis ci-dessous un triangle équilatéral ABC, puis calcule son périmètre :

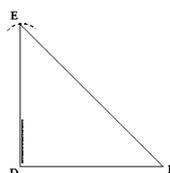


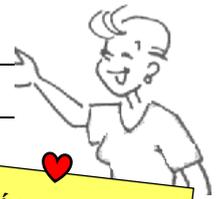
- . Trace un **segment** [AB] de 4 cm.
- . Ecarte ton **compas** de **4 cm** (tu peux prendre ta mesure sur le segment [AB], puis pose la **pointe** sur le point **A**, et trace un petit **arc de cercle** au-dessus du segment [AB].
- . Avec le même écartement, place la **pointe** du compas sur le point **B**, et trace un second **arc de cercle**, qui vient **couper le premier**.
- . L'intersection entre les 2 arcs forme un nouveau point, que tu appelleras **C**.
- . **Relie** A à C, puis B à C. Tu viens de construire un triangle équilatéral. **N'efface jamais tes traits de construction**.

P = = cm

4. Construis ci-dessous un triangle DEF isocèle rectangle en D, tel que [ED] = [DF] = 3 cm.

- . Trace d'abord le **segment** [DF] de 3 cm.
- . Ecarte ton **compas** en prenant la mesure sur le segment [DF], puis pose la **pointe** sur le point **D**, et trace un **arc de cercle** vers le haut.
- . Place ton **équerre** sur le segment [DF], avec l'angle droit au niveau du point D, puis trace le **segment** [DE].
- . **Relie** les points **E** et **F**.

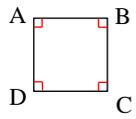




14- Le carré

♥

Carré : polygone à
4 côtés égaux,
et **4 angles droits**



. Un carré est un polygone à **4 côtés de même longueur** et **parallèles 2 à 2** ; il a **4 sommets**, formant tous des **angles droits**.

Ex : Le polygone ABCD est un carré. $[AB] = [BC] = [CD] = [DA]$. $[AB] \parallel [CD]$ et $[BC] \parallel [DA]$

. Pour calculer le **PERIMETRE** (P) d'un carré, il suffit de multiplier un côté par 4 : $P = \text{côté} \times 4$.

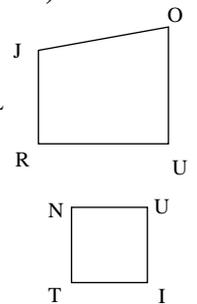
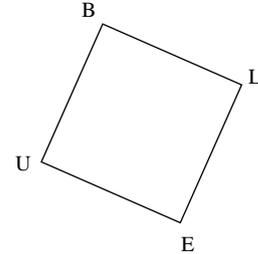
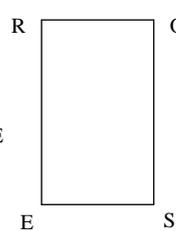
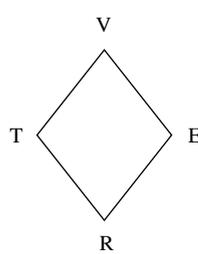
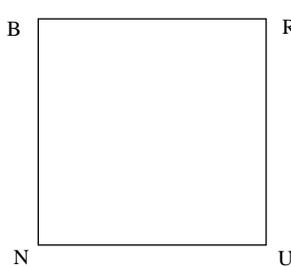
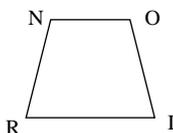
Ex : $P = [AB] \times 4$

. Pour trouver le **COTE** d'un carré quand on a son périmètre, on fait donc l'inverse : $\text{côté} = P \div 4$.

Ex : $[AB] = ABCD \div 4$

1

1. Calcule les périmètres des carrés uniquement, en ne mesurant qu'un côté (nomme les carrés) :

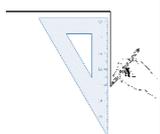


Périmètre de = = cm

Périmètre de = = cm

Périmètre de = = cm

3



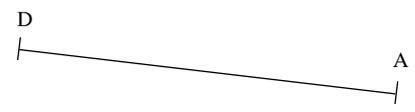
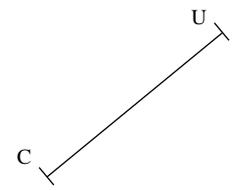
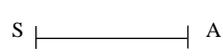
. Pour tracer un carré avec une équerre, on **mesure** à la règle le segment de départ, qui est le premier côté du carré.

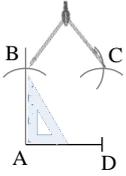
. On place contre ce segment un côté de l'angle droit de l'**équerre**, et on trace un autre segment de l'autre côté le long de l'équerre.

. Avec la **règle**, on **mesure** le segment et on l'arrête à la longueur qui correspond à celle du 1^{er} côté.

. A partir de ce point, on fait de même pour le côté suivant, etc...

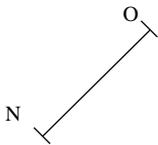
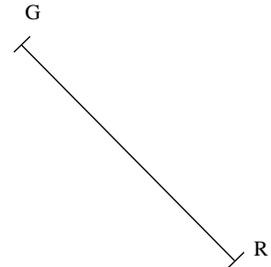
2. Mesure chacun de ces segments : à partir de là, trace les carrés JOIE, SANG, CUIT, et DAIM.



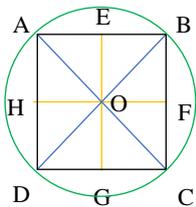


- . Pour tracer un carré avec un compas, on commence par former un **angle droit** avec l'équerre.
- . Avec le **compas**, on prend la mesure du segment de départ, et on la **reporte** sur le nouveau segment.
- . A partir de ce nouveau point, en gardant le **même écart** de compas, on trace un **petit arc** ; on fait de même à partir du point de départ.
- . On **nomme** tous ces points et on les **relie**.

3. A partir des segments ci-dessous, **forme les carrés VERT, NOIR, BLEU, et GRIS.**



3



- . On appelle **diagonale** un segment qui relie un **sommet** au sommet **opposé** d'une figure.
Ex : AC et BD sont les diagonales du carré ABCD.
- . On appelle **médiane** le segment qui relie le **milieu d'un côté** au milieu du côté **opposé**.
Ex : EG et FH sont les médianes du carré.
- . Dans un carré, le **point de rencontre** des diagonales (et / ou) des médianes est le **centre d'un cercle** de rayon OA.

4. **2. Construis un carré ABCD de 6 cm de côté ; traces-en les diagonales, puis les médianes [EG] et [HF] ; nomme O leur point de rencontre, et trace un cercle de centre O et de rayon [OA]. Joins les points H et E, puis E et F, F et C, puis C et H. Que peux-tu dire du polygone EFGH ? Vérifie à l'aide de ton équerre. Calcule le périmètre du carré ABCD, puis celui de EFGH.**

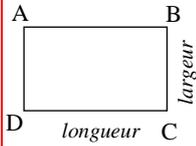
Périmètre de ABCD = = cm

Périmètre de EFGH = = cm



15- Le rectangle

Longueur : L
 Largeur : l
 Demi-périmètre = L + l
 P = demi-périmètre x 2



. Comme le carré, le rectangle est une figure à **4 côtés** et donc **4 sommets**, formant tous des **angles droits**, mais ses côtés sont égaux 2 par 2 : les côtés **longs** sont appelés (**L**), les plus **courts** sont appelés (**l**).

Ex : [AB] et [DC] sont les longueurs du rectangle ; [AD] et [BC] en sont les largeurs.

. Pour calculer le périmètre d'un rectangle, on commence par calculer son **demi-périmètre** (la moitié de son périmètre), en additionnant sa **longueur** et sa **largeur**. On **multiplie** ensuite le résultat **par 2**.

Ex : $P = (AB + BC) \times 2$ ou $(CD + DA) \times 2$ ou $(BC + CD) \times 2$ ou $(DA + AB) \times 2$.

1

1. Mesure les côtés du rectangle ci-dessous, trace les **diagonales** et les **médianes**, puis **complète** les phrases :



AB = cm BC = cm
 CD = cm DA = cm

..... et sont les plus courts côtés : ce sont les

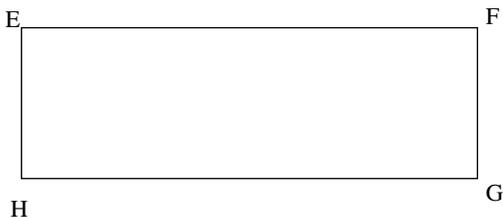
..... et sont les plus longs côtés : ce sont les

Le demi-périmètre du rectangle ABCD est égal à $L + l = \dots + \dots = \dots$ cm

Donc le périmètre de ce rectangle est égal à $(L + l) \times 2 = \dots \times 2 = \dots$ cm

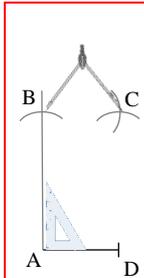
2

2. Avec ta règle, prends les mesures du rectangle EFGH, puis **reproduis-le proprement** à côté. Traces-y ensuite les **diagonales** en **bleu** et les **médianes** en **jaune**, puis calcule son **périmètre**.



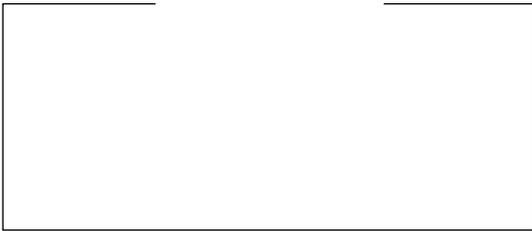
Le demi-périmètre du rectangle EFGH est égal à $L + l = \dots + \dots = \dots$ cm

Donc le périmètre de ce rectangle est égal à $(L + l) \times 2 = \dots \times 2 = \dots$ cm



- . Pour tracer un rectangle avec un compas, on commence par tracer la **longueur** (ou largeur).
- . On forme ensuite un **angle droit** avec l'équerre, en traçant un trait à la mesure de la **largeur**.
- . Avec le **compas**, on prend la mesure de la **longueur**, et en se plaçant de l'autre côté de la largeur, et on la **reporte** en traçant un petit **arc**.
- . On prend ensuite la mesure de la **largeur** et on la **reporte** à partir de l'autre côté de la longueur.
- . On **relie** ces points et on les **nomme**.

3. Ce rectangle représente un enclos dont on a enlevé la barrière. Mesure-le, reproduis-le à côté, puis calcule la mesure de la clôture (en mètres) :



Le périmètre de l'enclos est : = m

La mesure de la clôture est : = m

. Pour calculer le **demi-périmètre** lorsque l'on connaît le périmètre, on **divise le périmètre par 2** .

. Pour trouver la **longueur** ou la **largeur** d'un rectangle, lorsque l'on connaît l'une ou l'autre ainsi que le demi-périmètre, il faut **soustraire** au demi-périmètre la mesure connue : **$L = \text{demi-périmètre} - l$** **$l = \text{demi-périmètre} - L$** .

4. Calcule le demi-périmètre de champs dont le périmètre mesure

. 30 m : 326 cm : 7 826 m :
. 72 m : 252 m : 12 564 m :

5. Calcule la longueur d'un rectangle dont le demi-périmètre mesure 63 m et la largeur mesure 24 m .

.....

6. Le périmètre d'un jardin rectangulaire mesure 19 620 m . Sachant que sa largeur mesure 2 500 m , calcule sa longueur .

.....

.....

7. Calcule le demi-périmètre d'un champ dont la longueur mesure 23 m et la largeur 12 m de moins que la longueur .

.....

.....

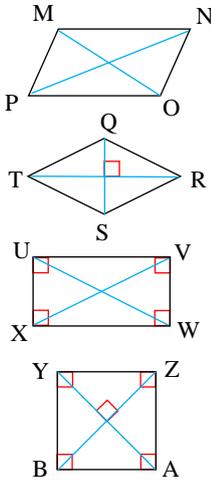


16- Les quadrilatères

Parallélogramme :

- . cotés **parallèles** 2 à 2
- . **diagonales** sécantes en leur **milieu**

Les quadrilatères sont des **polygones à 4 côtés**. Les plus répandus sont les **PARALLELOGRAMMES** : leurs **côtés** sont **parallèles et égaux 2 à 2**, et leurs **diagonales** se **coupent en leur milieu**.



. le **parallélogramme quelconque** n'a pas de caractéristique particulière.

Ex : MNOP est un parallélogramme quelconque : $[MN] = [PO]$ et $[NO] = [PM]$

. le **losange** a **4 côtés égaux**, et ses **diagonales** sont **perpendiculaires**

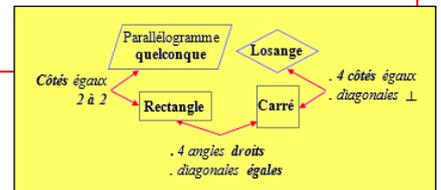
Ex : QRST est un losange : $[QR] = [RS] = [ST] = [TQ]$, et $[QS] \perp [RT]$

. le **rectangle** a **4 angles droits** et des **diagonales** de **même longueur**

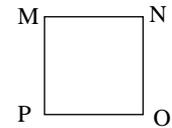
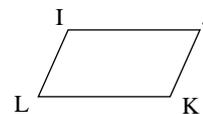
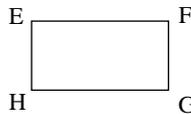
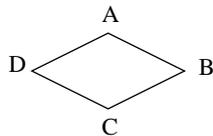
Ex : UVWX est un rectangle : $\widehat{XUV} = \widehat{UVW} = \widehat{VWX} = \widehat{WXU} = 90^\circ$, et $[UW] = [VX]$

. le **carré** a **4 côtés égaux**, **4 angles droits**, des **diagonales perpendiculaires** et **égales**

Ex : XZAB est un carré : $[YZ] = [ZA] = [AB] = [BY]$, $\widehat{BYZ} = \widehat{YZA} = \widehat{ZAB} = \widehat{ABY} = 90^\circ$
 $[YA] = [ZB]$, et $[YA] \perp [ZB]$



1. **Observe bien ces figures, estime la longueur de leurs côtés et trace leurs diagonales, puis dans le tableau, coche les cases qui correspondent à leurs caractéristiques, avant de les nommer.**



	Côtés		Angles		Diagonales		Nom de la figure
	opposés égaux	tous égaux	opposés égaux	tous droits	perpendiculaires	égales	
ABCD							
EFGH							
IJKL							
MNOP							

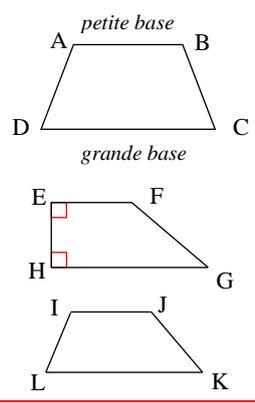
2. **Trace le quadrilatère OURS en respectant les consignes ci-dessous, puis identifie-le :**

- . Trace le segment **horizontal [OR]** de **8 cm**.
- . Au **milieu** de ce segment, place un **point X**.
- . Trace le segment **[US]** de **4 cm** tel que $[US] \perp [OR]$ et que **X** soit le **milieu** de ce segment.
- . **Relie** les points O, U, R et S.

Ce quadrilatère est un

Trapèzes : 2 bases parallèles inégales
 . isocèle : 2 côtés égaux, angles égaux 2 à 2
 . rectangle : 2 angles droits
 . quelconque : sans caractéristique

Il existe une autre famille de quadrilatères : ce sont les **TRAPEZES** : on les reconnaît à leurs **2 côtés parallèles** de longueurs différentes, appelés **bases**.

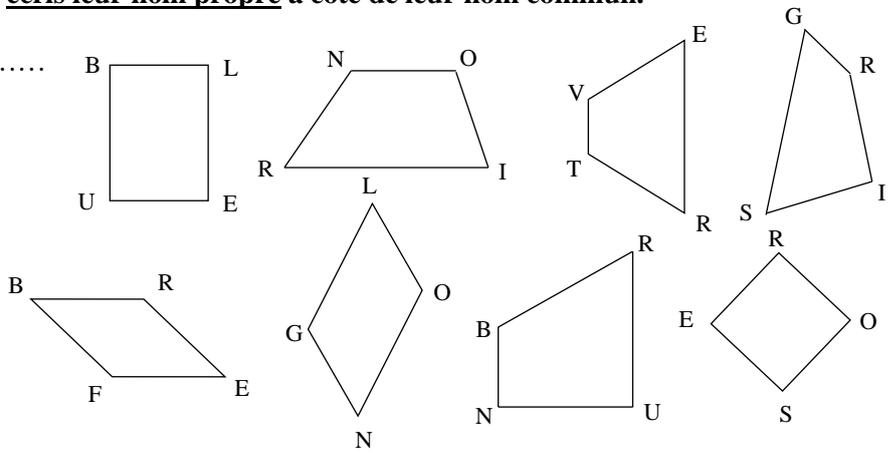


Ex : le quadrilatère ABCD est un trapèze : $[AB] \parallel [DC]$.
 . dans le trapèze **isocèle**, les 2 autres **côtés** sont **égaux**, et les **angles** sont **égaux 2 à 2**
 Ex : ABCD est un trapèze isocèle : $[AD] = [BC]$, $\widehat{DAB} = \widehat{ABC}$, $\widehat{ADC} = \widehat{DCB}$
 . le trapèze **rectangle** comporte 2 **angles droits**
 Ex : EFGH est un trapèze rectangle : $\widehat{HEF} = \widehat{GHE} = 90^\circ$
 . le trapèze **quelconque** ne présente pas de caractéristique particulière
 Ex : IJKL est un trapèze quelconque : pas de côtés égaux, pas d'angle droit



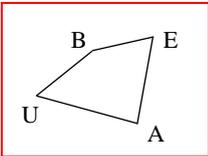
3. Observe ces différentes figures, et écris leur nom propre à côté de leur nom commun.

- . Parallélogramme quelconque :
- . Rectangle :
- . Carré :
- . Losange :
- . Trapèze isocèle :
- . Trapèze rectangle :
- . Trapèze quelconque :



4. A l'aide de ton équerre, trace un trapèze BIEN tel que

- . [BI] est horizontal et mesure 5 cm
- . [BN] = 4 cm et $[BN] \perp [BI]$
- . [NE] = 8 cm et $[NE] \perp [BN]$



. Un quadrilatère qui n'est ni un parallélogramme ni un trapèze est un **quadrilatère quelconque**.
 Ex : BEAU est un quadrilatère quelconque : il ne présente aucune caractéristique particulière.

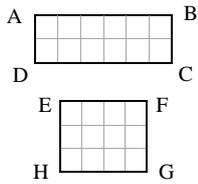
4. Trace un quadrilatère quelconque PAIN tel que

- [PA] = 6 cm
 - [AI] = 4 cm
 - [IN] = 7 cm
 - [NP] = 3 cm
- (pour placer le point commun aux deux derniers côtés, utilise ton compas)



L'aire d'une figure, c'est la mesure de sa surface.

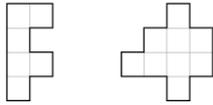
17- Les surfaces



L'aire d'une figure est la mesure de la **surface** qu'elle occupe.

<!--> Des figures de formes et de périmètres différents peuvent avoir la même aire.

Ex : Les rectangles ABCD et EFGH ont la même aire (12 carreaux pleins chacun), mais le périmètre du premier (16 carreaux) est plus grand que celui du second (14 carreaux).



. L'aire d'une figure se mesure au **nombre de carrés** de même dimension qu'elle contient.

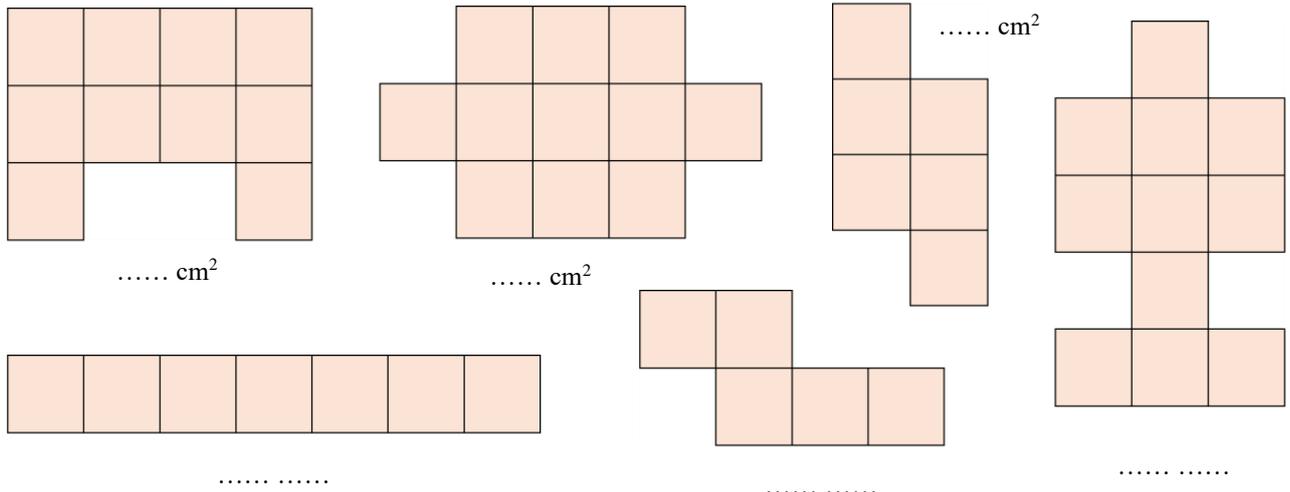
C'est pourquoi, selon l'unité de référence (cm, m, dam,...) on parle de cm, m, dam **carrés**.

Cela s'écrit cm^2 , m^2 , dam^2 ,... (le 2 signifie qu'il y a 2 dimensions dans une surface)

Ex : Une aire de 6 cm^2 correspond à 6 carrés de 1 cm sur 1 cm. Une aire de 9 m^2 correspond à 9 carrés de 1 m sur 1 m.

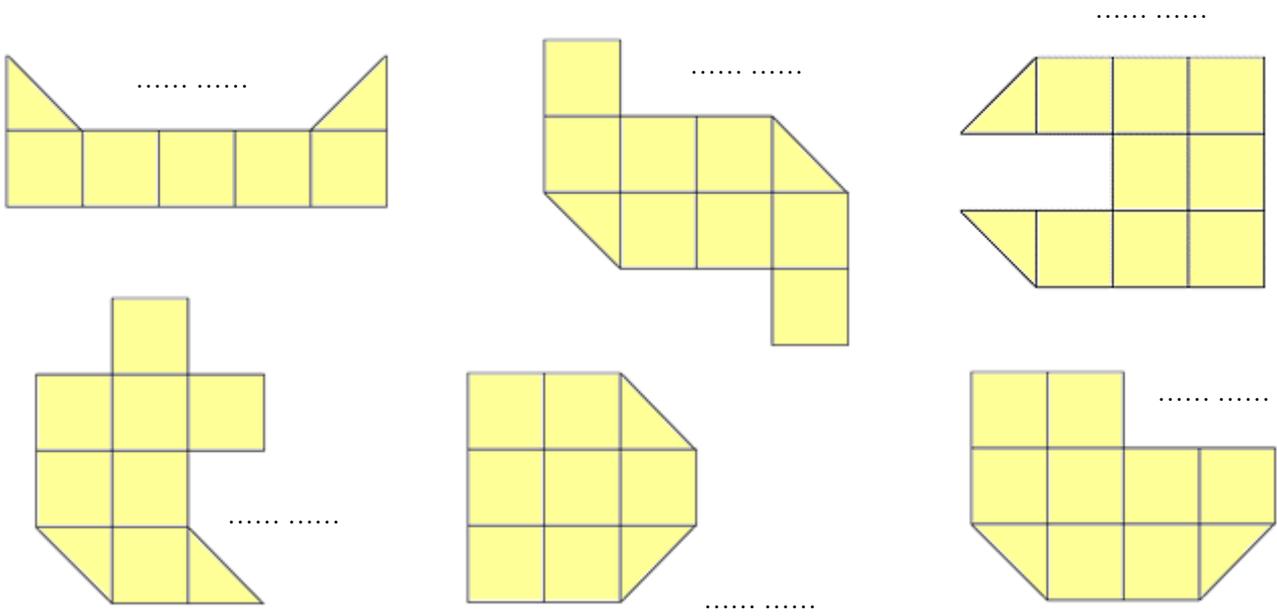
1

1. Sachant que chaque carré ci-dessous mesure 1 cm de côté, trouve l'aire de chaque figure.



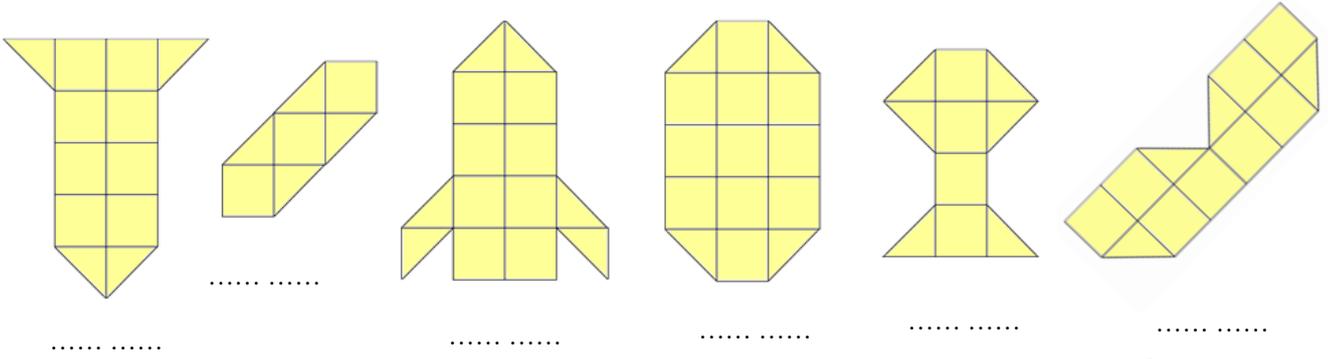
2

2. Sachant que 2 triangles valent 1 carré, trouve l'aire de chaque figure.

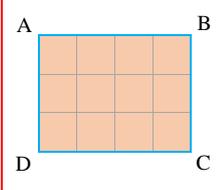


3. Trouve l'aire de chaque figure, en imaginant que chaque carreau représenté mesure 1 cm de côté.

3




Périmètre : longueur
Aire : surface



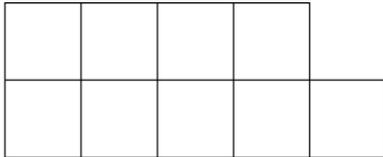
Il ne faut pas confondre le **périmètre**, qui est une **longueur**, avec l'**aire**, qui est une **surface**.

Ex : Si l'on considère que chaque carré mesure 1 cm de côté, le rectangle ABCD a un périmètre (bleu) de 14 cm, et une surface (rose) de 12 cm².

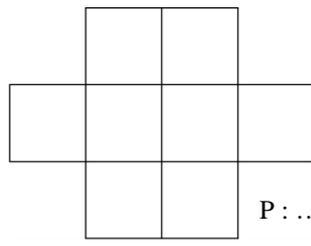
Pour ne pas te tromper en comptant, repasse en couleur sur le périmètre et colorie la surface.

4. En comptant les carreaux de 1 cm, calcule le périmètre puis l'aire de chacune de ces figures.

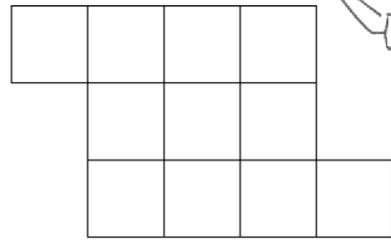
4



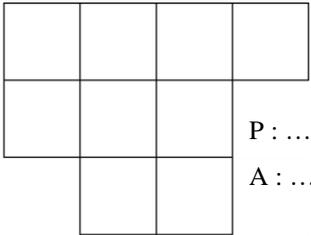
P : cm
A : cm²



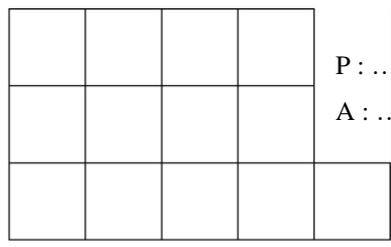
P :
A :



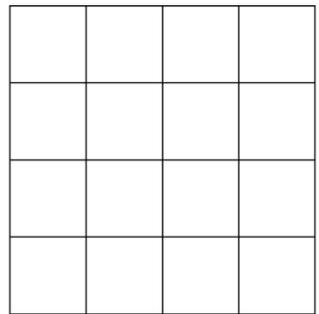
P :
A :



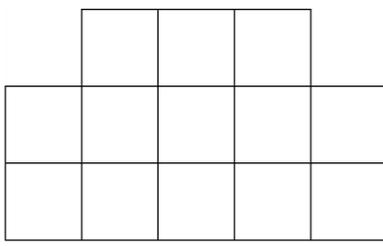
P :
A :



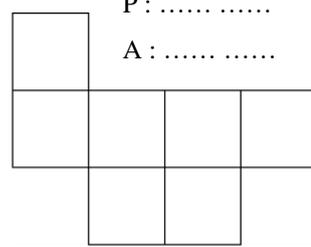
P :
A :



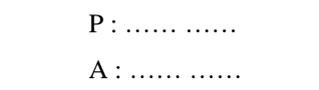
P :
A :



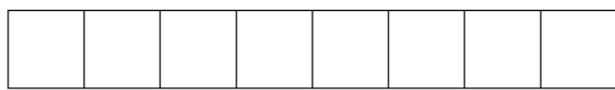
P :
A :



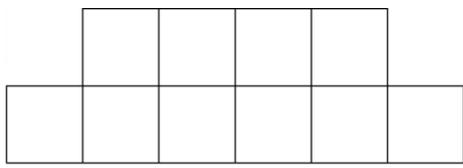
P :
A :



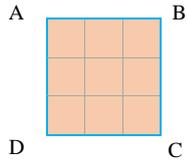
P :
A :



P :
A :



P :
A :



Rappels : . Pour calculer le **périmètre** du carré, on **multiplie** le côté par **4**.

. Pour calculer l'**aire** du carré, on **multiplie** le **côté** par lui-même.

Ex : En considérant que chaque carré mesure 1 cm de côté, le **périmètre** du carré ABCD mesure $3 \times 4 = 12$ cm, et son **aire** (rose) mesure $3 \times 3 = 9$ cm².

3

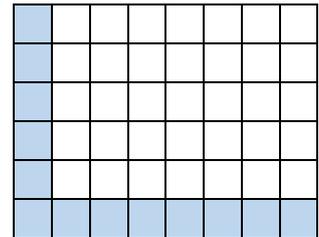
3. Sur ton ardoise, calcule le périmètre puis l'aire de chacun de ces carrés, puis écris les résultats.

Côté	26 m	450 cm	87 dm	198 mm	745 hm
Périmètre					
Aire					

4. Réponds rapidement aux questions suivantes, en t'aidant au besoin d'un dessin :

M. Dupont pose du carrelage bleu le long du mur de sa baignoire.

- . Combien de carreaux a-t-il déjà posés ?
- . Combien y en aura-t-il en tout ?
- . Combien doit-il en poser encore ?



Sachant que chaque carreau mesure 15 cm de côté :

- . Quelle est la longueur du rectangle ?
- . Quelle est sa largeur ?
- . Quelle est la surface qui sera couverte ?

4

Pour décorer sa salle de bain avec du carrelage, Arthur dispose de carreaux de 10 cm de côté. Il doit recouvrir une surface rectangulaire de 150 cm de long, et 90 cm de large.

- . Combien y a-t-il de carreaux dans le sens de la longueur ?
- . Combien y a-t-il de carreaux dans le sens de la largeur ?
- . De combien de carreaux a-t-il donc besoin en tout ?
- . Quelle est la surface de carrelage qui sera couverte ?

Grand-mère coud en patchwork une couverture carrée de 18 dm de côté.

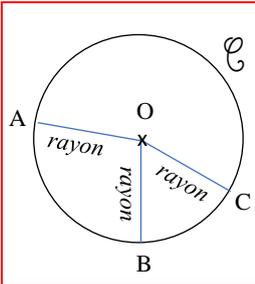
Chaque carré de patchwork mesure 12 cm de côté.

- . Combien y a-t-il de carrés par rangée ?
- . Combien y a-t-il de carrés en tout ?
- . Quelle est la surface de la couverture ?



19- Le cercle

Cercle : tous les points à même distance du **centre**
Rayon : segment qui relie le centre à un point du cercle

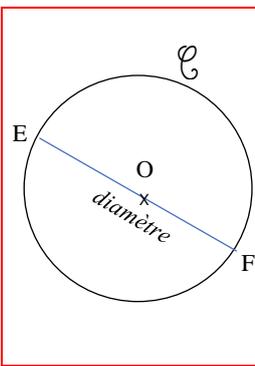


. Le cercle est une figure où **tous les points** du périmètre sont à la même distance du **centre O**.
 Ex : Dans le cercle \mathcal{C} , les points A, B et C sont à la même distance du centre O.
 . Les segments qui relient un point du périmètre au centre s'appellent des **RAYONS**.
 Ex : Les segments [AO], [BO] et [CO] sont des rayons du cercle \mathcal{C} ; ils sont tous égaux.



1. Avec ton compas, trace ci-dessous un cercle \mathcal{C} de 3 cm de rayon en suivant bien les consignes

- . Trace un **point O** à peu près au milieu de l'espace dont tu disposes.
- . Ecarte les deux pointes de ton **compas** de **3 cm** (mesure l'écartement à l'aide d'une règle)
- . Place la **pointe** de ton compas sur le **point O** ; tiens ton compas par le haut et fais tourner le côté « crayon » autour du point O jusqu'à obtenir un cercle fermé (sinon, tu peux faire tourner la feuille).
- . Ecris le **nom** de ton cercle (en **majuscule**, dans l'écriture du cahier).
- . Place 3 ou 4 **points sur le cercle** (nomme-les), et **mesure** leur écartement par rapport au point O : que remarques-tu ?



. Un segment qui **relie un point** d'un cercle à un **point opposé** de ce cercle en passant par le **centre** s'appelle son **DIAMÈTRE**.
 Ex : Le segment [EF] correspond au diamètre du cercle \mathcal{C} .
 . Le **diamètre** d'un cercle est donc **égal à 2 rayons**, et un **rayon** vaut la **moitié d'un diamètre**.
 Ex : Les segments [EO] et [OF] sont des rayons du cercle \mathcal{C} ; ils sont égaux.
 $[EF] = [EO] + [OF] = [EO] \times 2 = [OF] \times 2$ $[OF] = [EF] \div 2$

Diamètre : segment qui relie **2 points** du cercle en passant par le **centre**.
 $D = r \times 2$ $r = D \div 2$

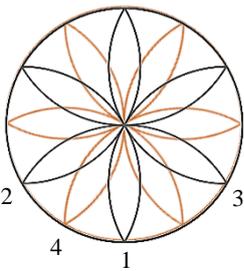
2. Trace ci-dessous un cercle \mathcal{C} de centre O et de 2 cm de rayon, puis applique les consignes suivantes :

- . N'oublie pas d'écrire le **nom** du cercle et celui du centre.
- . Trace un **segment [EF]** qui relie un point du cercle à son point opposé en passant par le centre O : c'est le **diamètre** du cercle.
- . **Mesure** le segment [EF], puis les segments [EO] et [OF] : que remarques-tu ?

3. Trace ci-contre 3 cercles ayant le même centre O, mais de diamètres différents :

5 cm, 3 cm et 4 cm

3. Trace ci-dessous des cercles ayant tous le même rayon correspondant à la mesure de [AB], mais de centres différents : A, B, C, D et E.



. Pour dessiner une **rosace**, après avoir tracé un **cercle**, il faut, en gardant le **même rayon**, placer la pointe du compas sur un **point du cercle** (1) et avec le crayon du compas **relier** un autre point du cercle (2) à un troisième point (3).

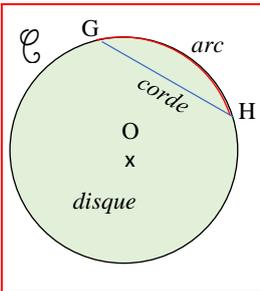
. Place ensuite la pointe du compas sur le point 2, et continue de même jusqu'à ce que tu aies entièrement fini la rosace.

. Tu peux l'enrichir en recommençant l'opération à partir d'un nouveau point (4).

4. Trace ci-contre un cercle de 6 cm de diamètre, puis forme à l'intérieur une rosace.



20- Le disque, l'arc et la corde



- . La **surface** d'un cercle s'appelle un **disque**.
- . Un segment qui **relie deux points** d'un cercle **sans passer par le centre** s'appelle une **corde**.
- Ex : Le segment [GH] est une corde du cercle \mathcal{C} .
- . La **partie du cercle délimitée** par une corde s'appelle un **arc**.

♥

- . **Disque** : surface d'un cercle
- . **Corde** : segment qui relie 2 points du cercle sans passer par le centre
- . **Arc** : partie du cercle délimitée par la corde

1

1. Trace **3 cercles de même centre O**, mais ayant pour **rayons** 3 cm (\mathcal{C}_1), 4 cm (\mathcal{C}_2) et 5 cm (\mathcal{C}_3)
- Colorie en **rouge le disque de \mathcal{C}_1** , en **vert la partie entre \mathcal{C}_1 et \mathcal{C}_2** , et en **bleu la partie entre \mathcal{C}_2 et \mathcal{C}_3** .

2

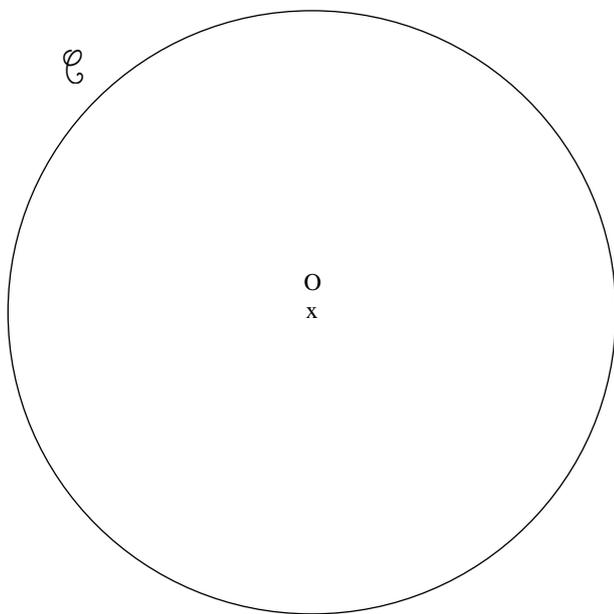
3. Trace un cercle de **8 cm de diamètre**.
- Place des **points G et H** tels que [GH] forme une **corde**. **Relie-les**. Repasse en **rouge sur l'arc de cercle** qui relie G et H.
- Fais de même avec une corde **[IJ]**.

3. Mesure le rayon du cercle \mathcal{C} , puis reproduis-le à côté.

. Trace un rayon vert, un diamètre rouge, une corde marron, et un arc bleu.

. Trace ensuite un cercle \mathcal{C}' (cela se lit « C prime ») de même centre que le modèle du cercle \mathcal{C} et de diamètre égal à la moitié du diamètre de \mathcal{C} ; colorie ensuite le disque en rose, et repasse en bleu sur ce cercle.

3



4. Trace un cercle \mathcal{C} de centre O, de 5 cm de rayon.

. A l'intérieur de ce cercle, trace deux diamètres AC et BD formant entre eux un angle droit.

. Relie les points A, B, C et D ; avec ton équerre, vérifie les angles de la figure ABCD, mesure ses côtés, puis complète ces phrases :

La figure ABCD a côtés,
c'est donc un

Ses angles sont,
ses côtés sont, et
ses diagonales

C'est précisément un

4



21- Reconnaître et décrire des figures planes

. Pour identifier une figure avec précision, il faut **observer** ses différentes **caractéristiques**, à l'aide de la règle, du compas et de l'équerre :

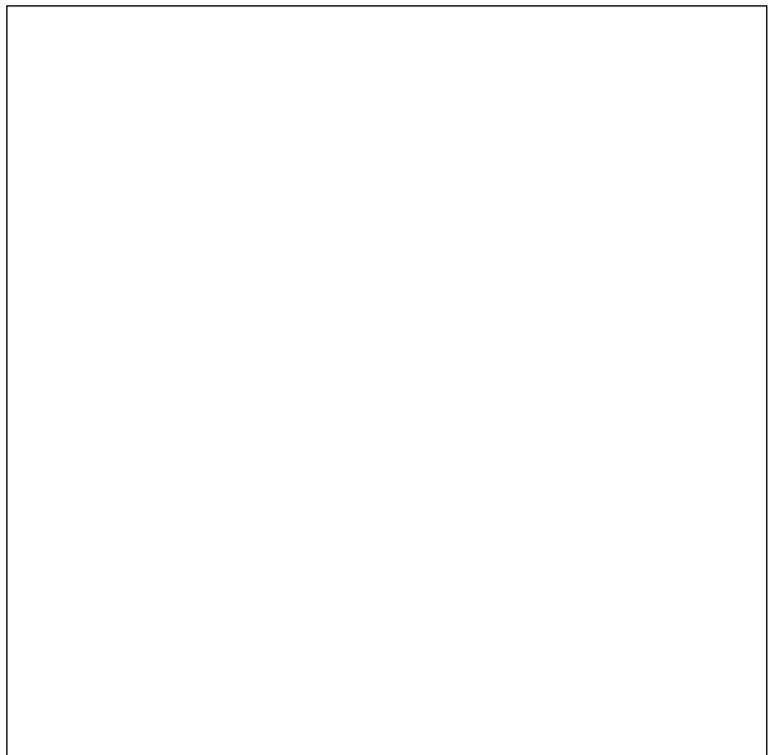
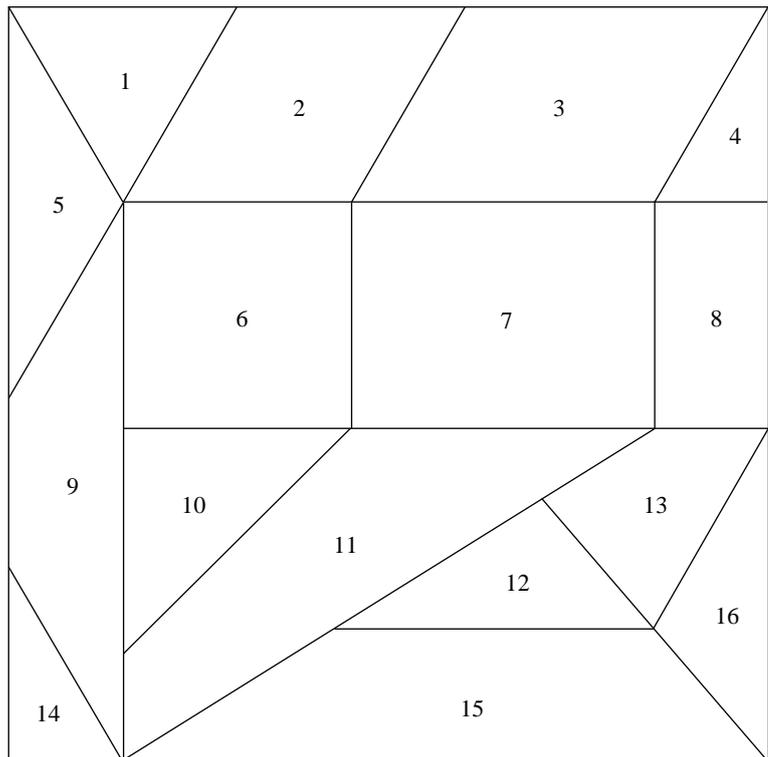
- . Y a-t-il un (ou plusieurs) **angle(s) droit(s)** ? (marque-les sur la figure par un **petit angle carré**)
- . Y a-t-il des côtés de **même longueur** ? Si oui, combien ? (marque les côtés égaux par un petit **signe identique**)
- . Y a-t-il des côtés **parallèles** ?

. Ensuite, à l'aide de tes connaissances (ch 12 à 16), **nomme précisément** la figure concernée.

1. Sur le puzzle, fais les marques qui te permettent d'identifier chaque figure, puis nomme chacune d'elles avec précision.

1

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.
- 6.
- 7.
- 8.
- 9.
- 10.
- 11.
- 12.
- 13.
- 14.
- 15.
- 16.



2. A l'aide de tes observations précédentes (et des mesures à la règle ou au compas), reproduis ci-contre le puzzle ci-dessus.

2

3. D'après les consignes, identifie chaque figure demandée, puis trace-la à côté, en nommant ses sommets :

. **LONG** : tous ses angles sont droits, et ses côtés parallèles et de même longueur deux à deux : c'est un

. **VOIX** : ses côtés sont parallèles et de même longueur deux à deux : c'est un

. **NIL** : 2 côtés sont de même longueur : c'est un

3 { . **COUR** : ses côtés sont tous de même longueur, et ses angles sont tous droits : c'est un

. **PRIX** : pas de caractéristique particulière : c'est un

. **CIL** : il a un angle droit : c'est un

. **BANC** : il a deux côtés parallèles : c'est un

. **VAN** : il a trois côtés de même longueur : c'est un

. **VERT** : il a deux côtés parallèles et les deux autres sont de même longueur : c'est un

. **LENT** : tous ses côtés sont de même longueur, et ils sont parallèles deux à deux : c'est un

4 { . **NUIT** : il a deux côtés parallèles et un angle droit : c'est un

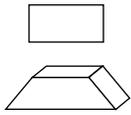
. **VAL** : pas de caractéristique particulière : c'est un

. **SOT** : il a un angle droit et deux côtés de même longueur : c'est un

. **C** : tous ses points sont à même distance d'un même point O : c'est un



22- Les solides



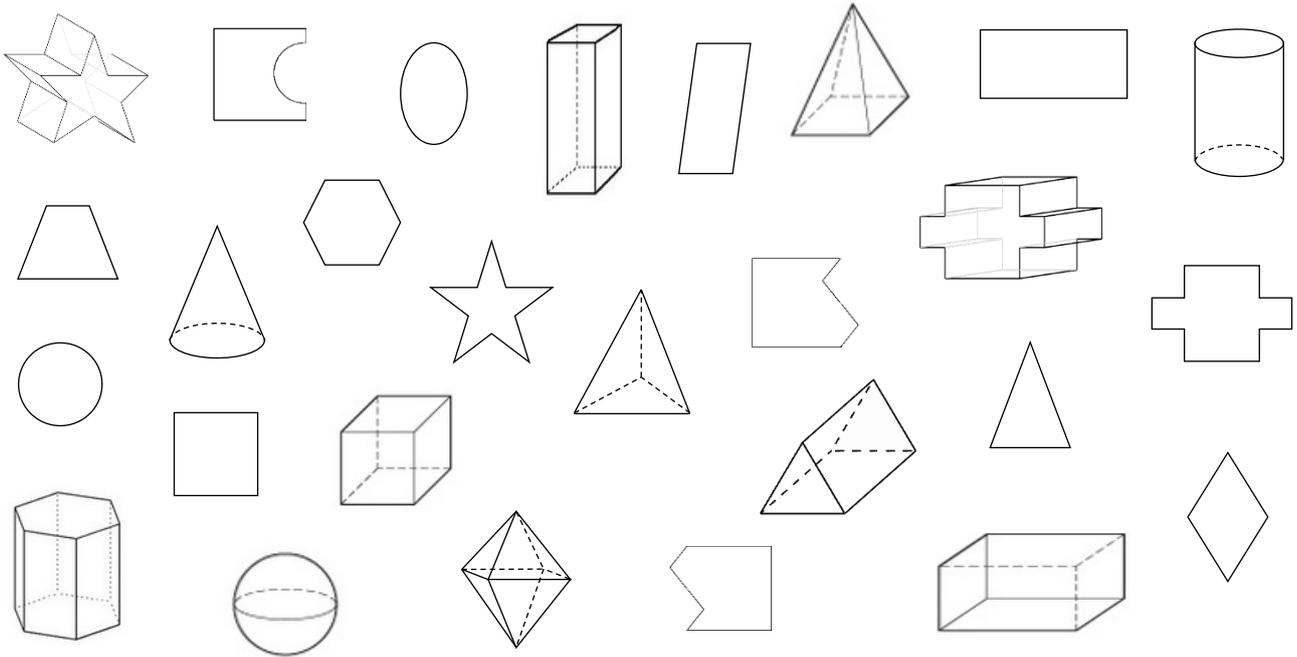
- . Une **SURFACE** est un espace **plat**. Elle a une **longueur** et une **largeur**.
- . Un **SOLIDE** a ce qu'on appelle un **volume** : il a une longueur, une largeur, mais aussi une **hauteur**.

♥

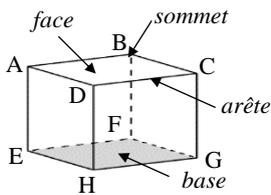
Surface : plat (longueur + largeur)
Volume : surface + hauteur

1. Parmi les figures ci-dessous, entoure uniquement les solides.

1



2

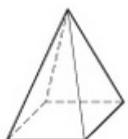


- . Un solide est fait en général de plusieurs **surfaces** assemblées : on les appelle des **faces**.
 Ex : ABCD, EFGH, ADEH, BCFG, ABFE, et DCGH sont les faces du solide ci-contre.
- . Les faces sont **séparées** les unes des autres par des **arêtes**.
 Ex : [AB], [BC], [CD], [DA] sont des arêtes sur solide ci-contre (cherche les autres).
- . Les **angles** s'appellent des **sommets**.
 Ex : A, B, C, D, E, F, G et H sont les sommets du solide ci-contre.
- . La **face** sur laquelle **repose** un solide se nomme la **base**.
 Ex : EFGH est la base du solide ci-contre.

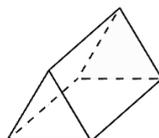
♥

Un volume a des **faces**, des **arêtes**, et des **sommets**.
 La face sur laquelle il repose est la **base**.

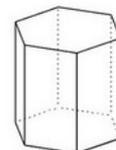
2. Compte le nombre de faces, d'arêtes et de sommets des solides ci-dessous.



- . Faces :
- . Arêtes :
- . Sommets :



- . Faces :
- . Arêtes :
- . Sommets :



- . Faces :
- . Arêtes :
- . Sommets : ...

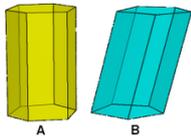
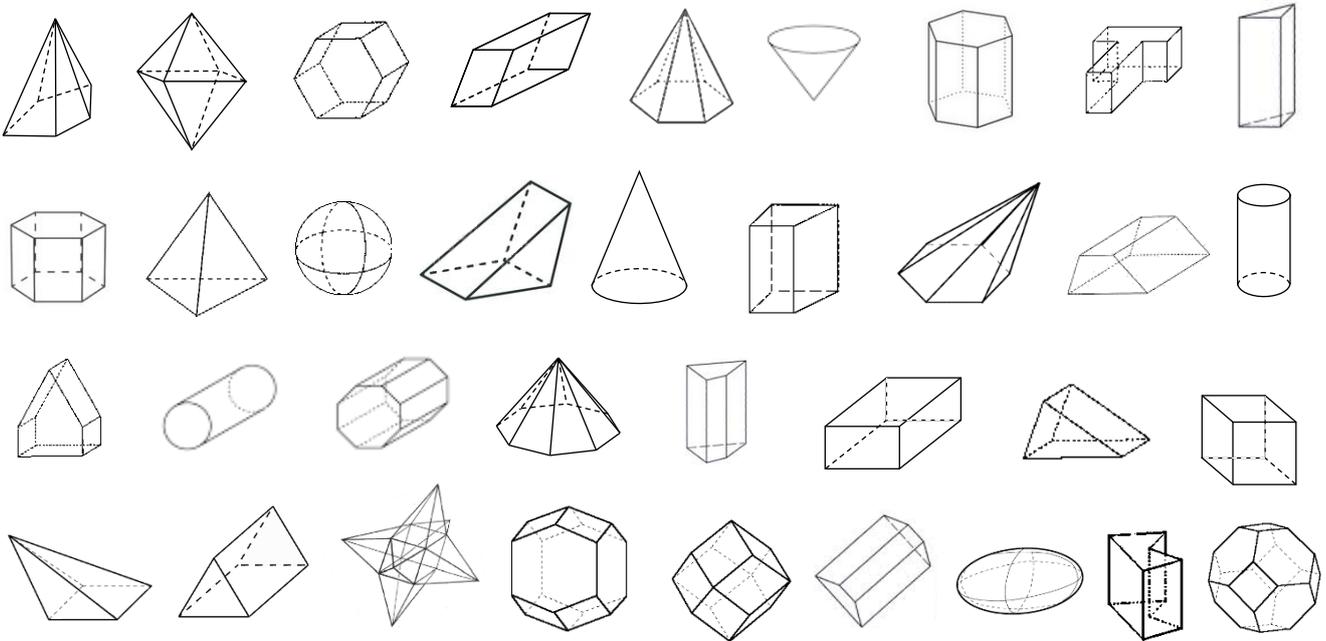
Un **polyèdre** n'a que des faces **planes** et des arêtes **droites**.

. Parmi les solides, les **POLYEDRES** (en grec : *plusieurs faces*) se reconnaissent au fait que **toutes leurs faces sont planes**, et que **toutes leurs arêtes sont droites**.

Ex : Si un volume a des surfaces et des arêtes courbes, ce n'est pas un polyèdre.

3. Parmi les volumes ci-dessous, barre ceux qui ne sont pas des polyèdres.

3



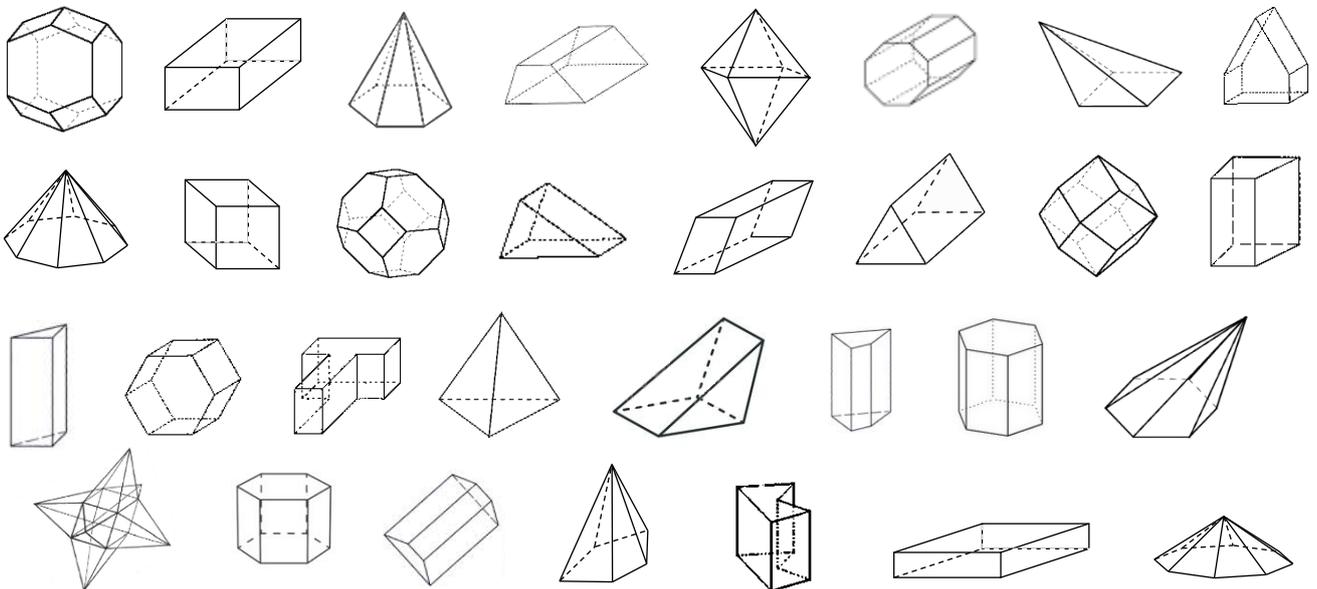
Un **PRISME** est un solide dont la **base** est un **polygone** (quel qu'il soit) ; la **face opposée** lui est **identique** et **parallèle**, et les autres faces sont des **parallélogrammes**.

Ex : Les volumes A et B sont des prismes.

Un **prisme** a 2 faces **parallèles** et **identiques**.
Ses faces **latérales** sont des **parallélogrammes**

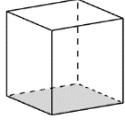
4. Parmi les volumes ci-dessous, entoure uniquement les prismes.

4





23- Le cube



- . Un **cube** est un **prisme** composé de **6 faces carrées** identiques.
- . Il compte **12 arêtes**.
- . Il a **8 sommets**.

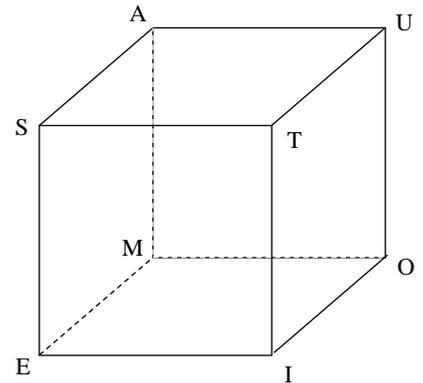
Cube :

- . 6 faces carrées
- . 12 arêtes
- . 8 sommets

1

1. Observe le cube ci-dessous : nomme chacune de ses faces, de ses arêtes et de ses sommets, et entoure le nom de sa base.

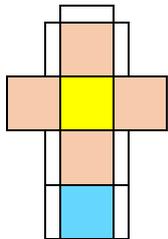
- . Faces :
-
- . Arêtes :
-
- . Sommets :



2. En mesurant la longueur des arêtes de la face avant de ce cube, calcule la longueur totale des arêtes.

.....

2

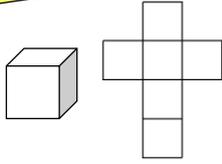


Pour **construire** un cube, on trace ce qu'on appelle un **patron**

- . On dessine d'abord la **base** du cube (ici, en jaune)
- . On trace ensuite, contre chaque arête de cette base, les **faces** qui ont avec elle une **arête en commun** (ici, en rose)
- . Il ne faut pas oublier la **face supérieure** (ici, en bleu)
- . Pour fixer les faces entre elles, il faut ajouter des **languettes** : 1 languette pour 2 arêtes qui s'assemblent (ici en blanc)

3. Sur le quadrillage de la feuille Annexe 1, en t'aidant du modèle ci-dessus, dessine le patron d'un cube dont chaque arête mesure 4 cm et chaque languette mesure 1 cm de largeur. Ensuite, découpe ton patron puis assemble les faces au moyen des languettes, en collant celles-ci aux faces correspondantes. Vérifie ensuite le nombre de faces, d'arêtes et de sommets du cube.

Aire du cube :
arête x arête x 6



Pour calculer l'aire d'un cube

- . On commence par **calculer l'aire d'une face** (puisque toutes les faces sont identiques)
- . Comme un cube comporte 6 faces, on **multiplie cette aire par 6**

3

4. Complète le tableau ci-dessous.

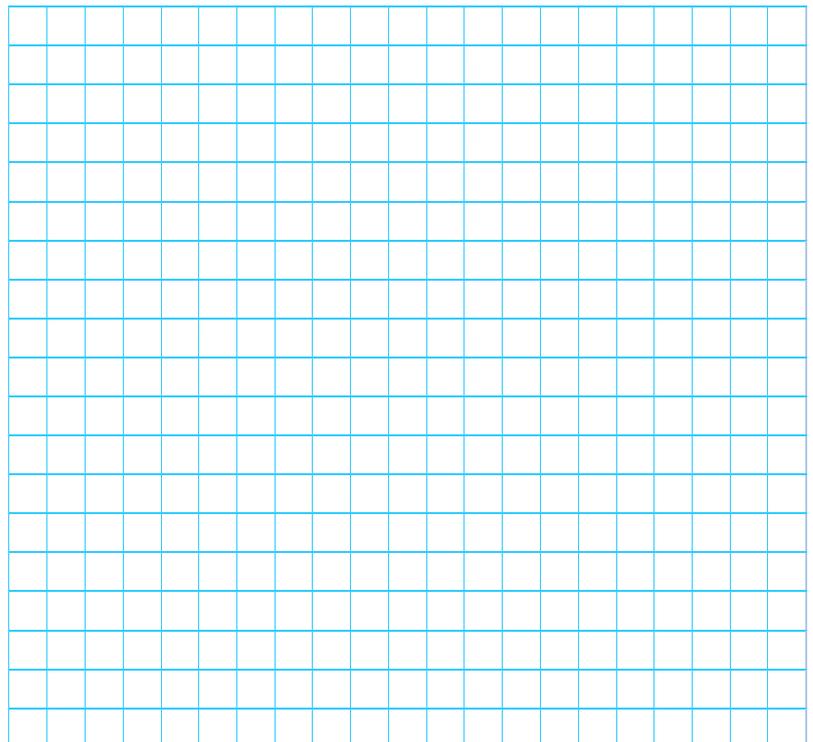
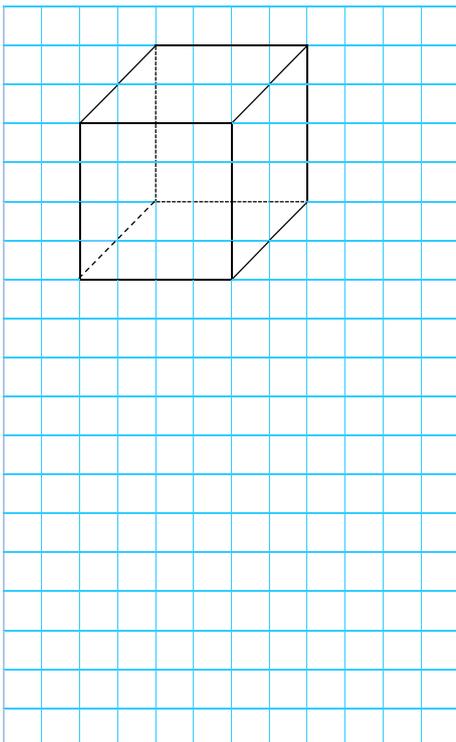
Longueur des arêtes du cube	4 cm	5 cm				
Aire d'une face du cube			36 m ²	4 mm ²		
Surface totale du cube					54 dm ²	294 dam ²

Pour **reproduire** un cube à l'aide d'un modèle :

- . Commence par tracer la **face avant**, selon les mesures observées ou demandées.
- . Place le point qui correspond au **sommet** situé **en haut à gauche** de la **face arrière** (compte les carreaux).
- . A partir de là, trace la **face arrière**, **identique** à la face avant (trace en **pointillés** les **arêtes** qui ne se **voient pas**)
- . **Relie** les **sommets** de la face arrière à ceux de la face avant, sans oublier de tracer en pointillés l'arête invisible.

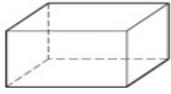
5. Reproduis le cube ci-dessous à l'identique sur le quadrillage de gauche, et en doublant les proportions sur le quadrillage de droite.

4





24- Le pavé

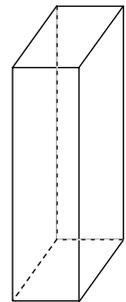
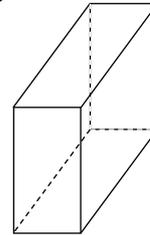
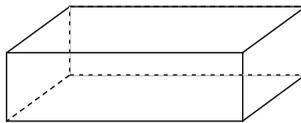
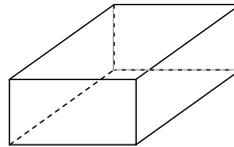
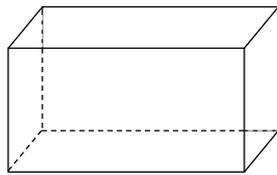
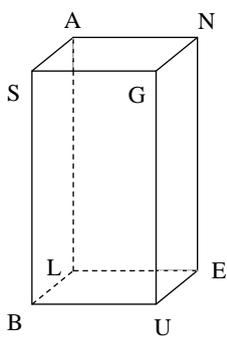


- . Un pavé est un **prisme** composé de **6 faces rectangulaires**. Celle du dessous s'appelle la **base**.
- . Comme le cube, le pavé a **12 arêtes** et **8 sommets**.
- . Selon la face qui lui sert de **base** et selon son **orientation**, un même pavé peut être représenté de **plusieurs manières**.

♥ Pavé :

- . 6 faces rectangulaires
- . 12 arêtes
- . 8 sommets

1. Observe ci-dessous ces différentes représentations d'un même pavé : reporte les noms des sommets de la première sur toutes les autres.



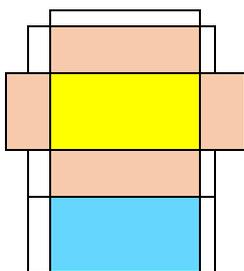
2. En considérant que sa longueur est de 8 cm, sa largeur de 4 cm et sa hauteur de 2 cm, calcule la longueur totale des arêtes de ce pavé.

.....

.....

3. Sur le quadrillage de la feuille Annexe 2, en t'aidant du modèle ci-dessous, dessine le patron d'un pavé de 10 cm de longueur, 5 cm de largeur, 3 cm de hauteur, et dont chaque languette mesure 1 cm de largeur. Ensuite, découpe ton patron puis assemble les faces au moyen des languettes, en collant celles-ci aux faces correspondantes.

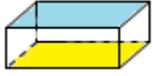
Vérifie ensuite le nombre de faces, d'arêtes et de sommets du pavé.



NB : les couleurs ne servent qu'à t'aider à bien visualiser la place des languettes par rapport au patron lui-même.

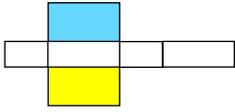
♥

Aire du pavé :
 $\text{aire de la base} \times 2$
 $+ \text{périmètre de la base} \times h$

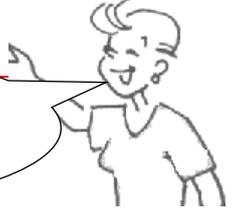


Pour calculer l'aire d'un pavé

- . On **calcule l'aire de la base**, et on la **multiplie par 2**.
- . Les autres faces s'appellent les **faces latérales**. Pour calculer la surface latérale, on calcule d'abord le **périmètre de la base**, et on le **multiplie** par la **hauteur** de ces faces latérales.
- . On **additionne** ensuite l'aire de la base et celle des surfaces latérales.



Si cela t'aide à comprendre, utilise le patron de pavé que tu as fait dans l'exercice précédent.



4. Complète le tableau ci-dessous.

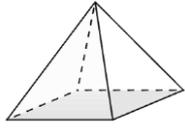
Longueur de la base	4 m	6 dm	12 cm
Largeur de la base	3 m	4 dm	6 cm
Hauteur du pavé	2 m	3 dm	4 cm
Aire totale des bases			
Périmètre de la base			
Aire totale des faces latérales			
Aire totale du pavé			

Pour **reproduire** un pavé à l'aide d'un modèle, le principe est exactement le même que pour un cube.

5. Reproduis les pavés ci-dessous à l'identique à droite de leurs modèles.



25- Quelques autres solides



. Une **PYRAMIDE** est un **polyèdre** dont la **base** est un **polygone** (quel qu'il soit ; quand ce polygone est un **triangle**, le volume s'appelle un **TETRAEDRE**).

. Les **faces latérales** (aussi nombreuses que la base a de côtés) sont des **triangles**, qui se rejoignent en un **même sommet**.

. Le **nombre total d'arêtes** d'une pyramide est donc le **double du nombre de côtés** de la base.

Ex : Une pyramide dont la base est carrée a 5 faces, et 8 arêtes.

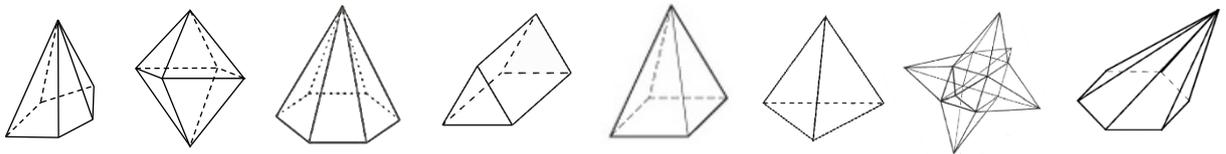
♥

Pyramide :

- . base : **polygone**
- . faces latérales : **triangles**

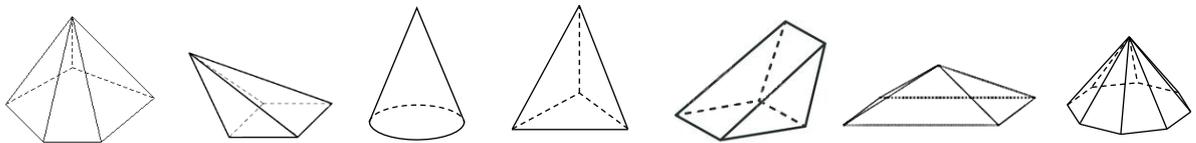
1. Parmi ces volumes, barre ceux qui ne sont pas des pyramides.

Sous chaque pyramide, écris le nombre de faces puis le nombre d'arêtes.



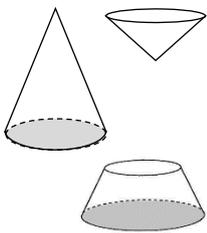
Faces :

Arêtes :



Faces :

Arêtes :



. Le **CONE** fait penser à une pyramide, car il a une **base**, et il forme une **pointe**, mais ce n'est pas un **polyèdre**, du fait que sa **base** est un **cercle**.

. Le cône a donc un **sommet**, mais **pas d'arêtes**. Il a **une seule face latérale**, qui est **courbe**.

. Un volume qui a la forme d'un cône mais sans le sommet s'appelle un **tronc de cône**.

♥

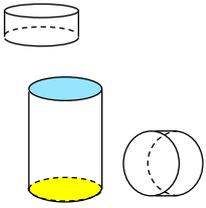
Cône :

- . base : **cercle**
- . face latérale unique en pointe

2. Sur la feuille **Annexe 3**, découpe les patrons de pyramides et celui du cône, puis assemble-les.

Une fois que tu as compris le principe, tu peux, si tu le souhaites, fabriquer d'autres patrons de pyramides avec des bases différentes (rectangulaires, octogonales,...) : il faut simplement veiller à ce que les arêtes aient la même longueur. Pour cela, il faut utiliser un compas en gardant toujours le même écart pour placer le sommet de chaque face latérale (triangulaire).

3

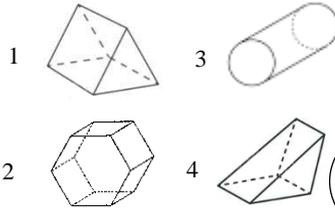


. Le **CYLINDRE** ressemble aux prismes du fait qu'il a une base et une face opposée identique et parallèle à cette base, mais ce n'est **pas un polyèdre**, car sa **base** est un **cercle**.

. Le cylindre a donc une **base** et une **face supérieure identiques**, mais il n'a **pas de sommets ni d'arêtes**. Il a **une seule face latérale**, qui est un **rectangle courbé**.

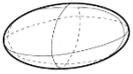
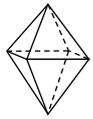
Cylindre :
 . base : **cercle**
 . face latérale unique, rectangulaire courbée

3. Sur la feuille **Annexe 4**, **découpe** les patrons de cylindre et de prismes, **assemble-les**, puis écris dessus le numéro de la représentation ci-contre qui correspond.



Si tu as bien compris le principe des patrons, tu peux essayer de créer celui du prisme restant.

4



Il existe aussi des solides qui n'ont **pas de base** particulière :

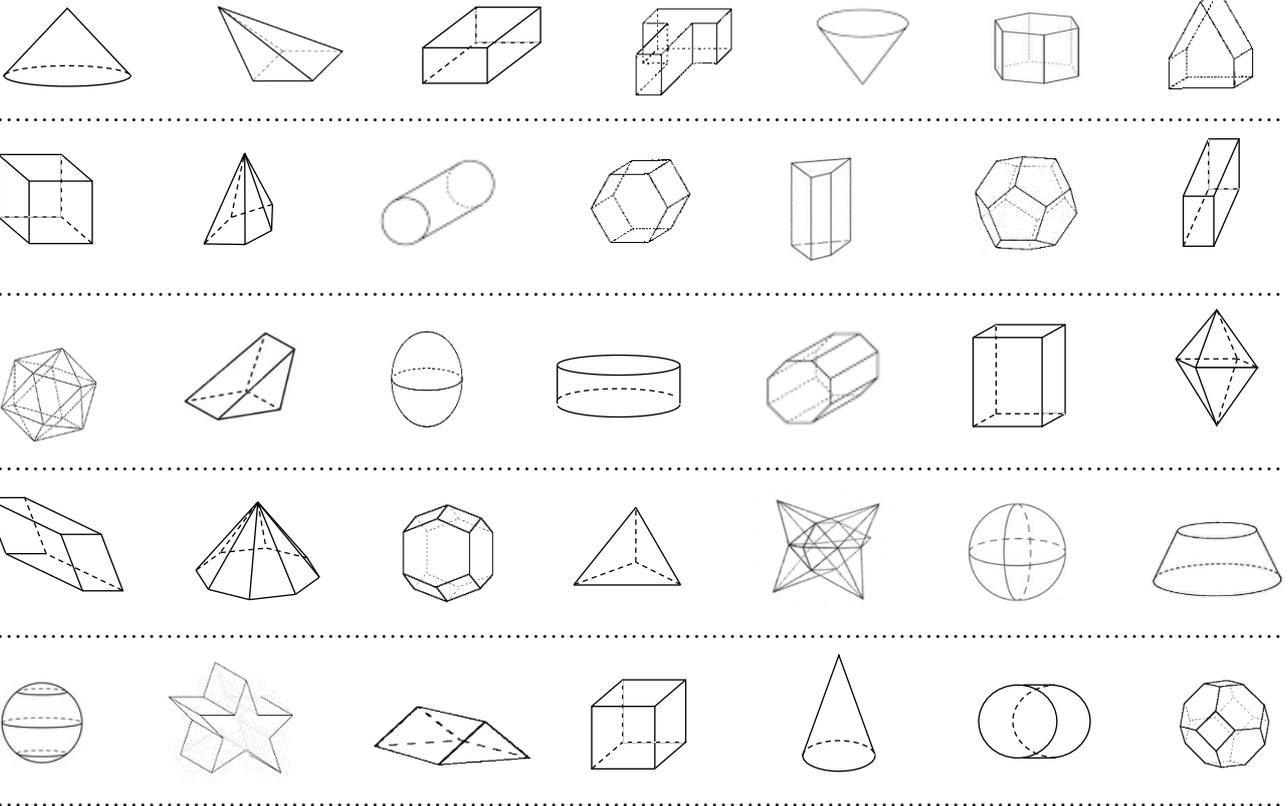
. L'**OCTAEDRE** est un polyèdre à **8 faces**, comme formé de 2 pyramides de base carrée collées.

. Une **SPHERE** est un solide qui n'a qu'**une seule face, entièrement courbe** : elle n'a **ni sommet ni arêtes**, et tous les points de sa face sont à la **même distance d'un point interne** qui en est le **centre**.

. Un volume qui n'a qu'une face courbe, comme la sphère, mais dont la forme est **ovale**, s'appelle une **ELLIPSOÏDE** (ses points ne sont pas tous à même distance du centre)

Sphère :
1 seule face ; tous les points à même distance du **centre**.

4. A l'aide de tout ce que tu as appris depuis le chapitre 22, **nomme** chacun des volumes suivants (quand tu ne peux préciser la nature d'un polyèdre, écris simplement « polyèdre »).

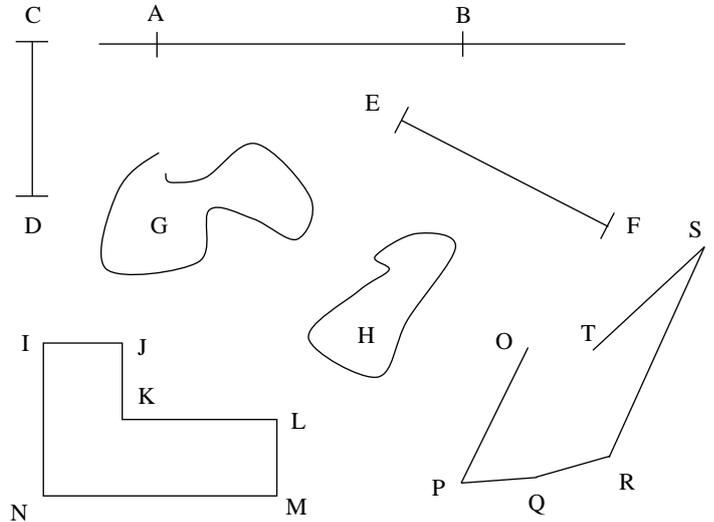




26- Révisions

1. Revois les ch 6 à 8 : nomme chacune des lignes ci-dessous en indiquant leur nature précise, leur orientation quand elles sont droites, et leur longueur quand il s'agit de segments.

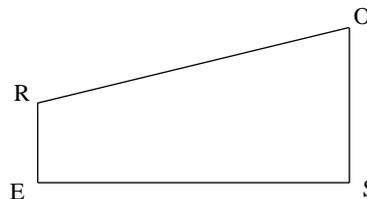
1. est une
.....
2. est un
qui mesure cm.
3. est un
qui mesure cm.
4. G est une
.....
5. H est une
.....
6. est une qui mesure en tout cm.
7. est une qui mesure en tout cm.



2. Trace une ligne droite (WX) horizontale, un segment [YZ] oblique mesurant 5 cm, une ligne courbe fermée, et une ligne brisée SOIR ouverte, mesurant en tout 7 cm.

3. Revois les ch 9 à 11 : nomme chacun des angles de cette figure et précise à chaque fois leur nature.

- est un angle



4. Complète, à partir de la figure ci-dessus :

- . [OS] est perpendiculaire à [.....]. Cela s'écrit :
- . [RE] est à [ES]. Cela s'écrit :
- . [RE] est à [OS]. Cela s'écrit :

5. Trace ci-dessus une figure MARCHE qui respecte les contraintes suivantes : les côtés [MA] et [HE] sont parallèles, l'angle \widehat{AME} est droit, l'angle \widehat{MAR} est obtus, et l'angle \widehat{ARC} est aigu.

6. Revois les ch 12 à 21 : dessine ci-dessous les figures demandées.

- . Un triangle FOI, rectangle et isocèle en F
- . Un triangle équilatéral SEL dont le périmètre mesure 9 cm.
- . Un triangle quelconque VIE dont le périmètre mesure 8 cm
- . Un carré VERT dont la surface est de 9 cm^2
- . Un rectangle ROSE dont la surface est de 8 cm^2 et la longueur est de 4 cm.
- . Un cercle C de centre O sur lequel tu placeras une corde [BL]. Relie ces points avec le point O et nomme précisément la figure que tu obtiens.
- . Un parallélogramme JOUR
- . Un losange NUIT
- . Un trapèze isocèle NOIR
- . Un trapèze rectangle BLEU

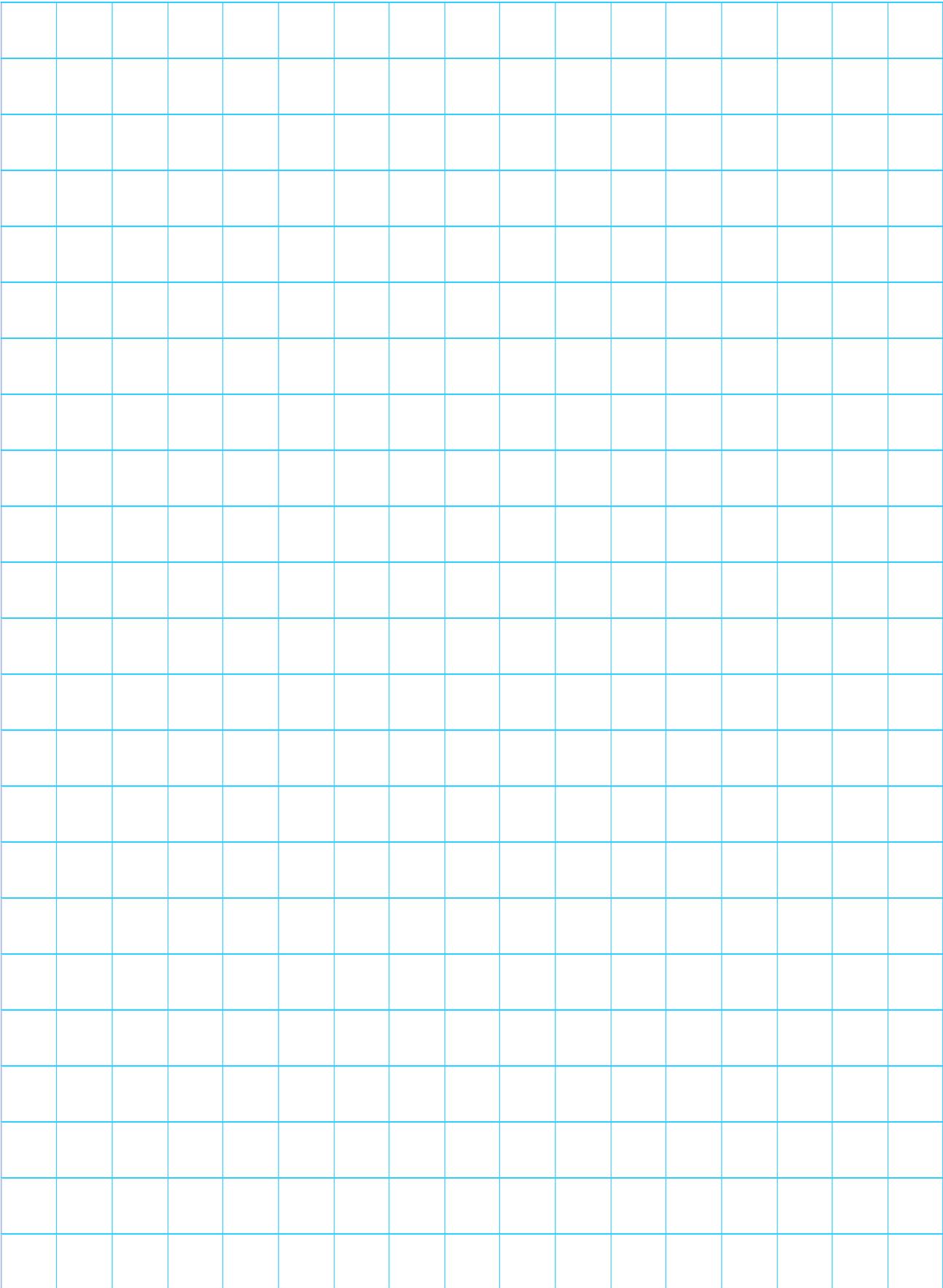
3

7. Revois les ch 12 à 21 : complète avec le nom du volume qui correspond. Représente un cube et un pavé.

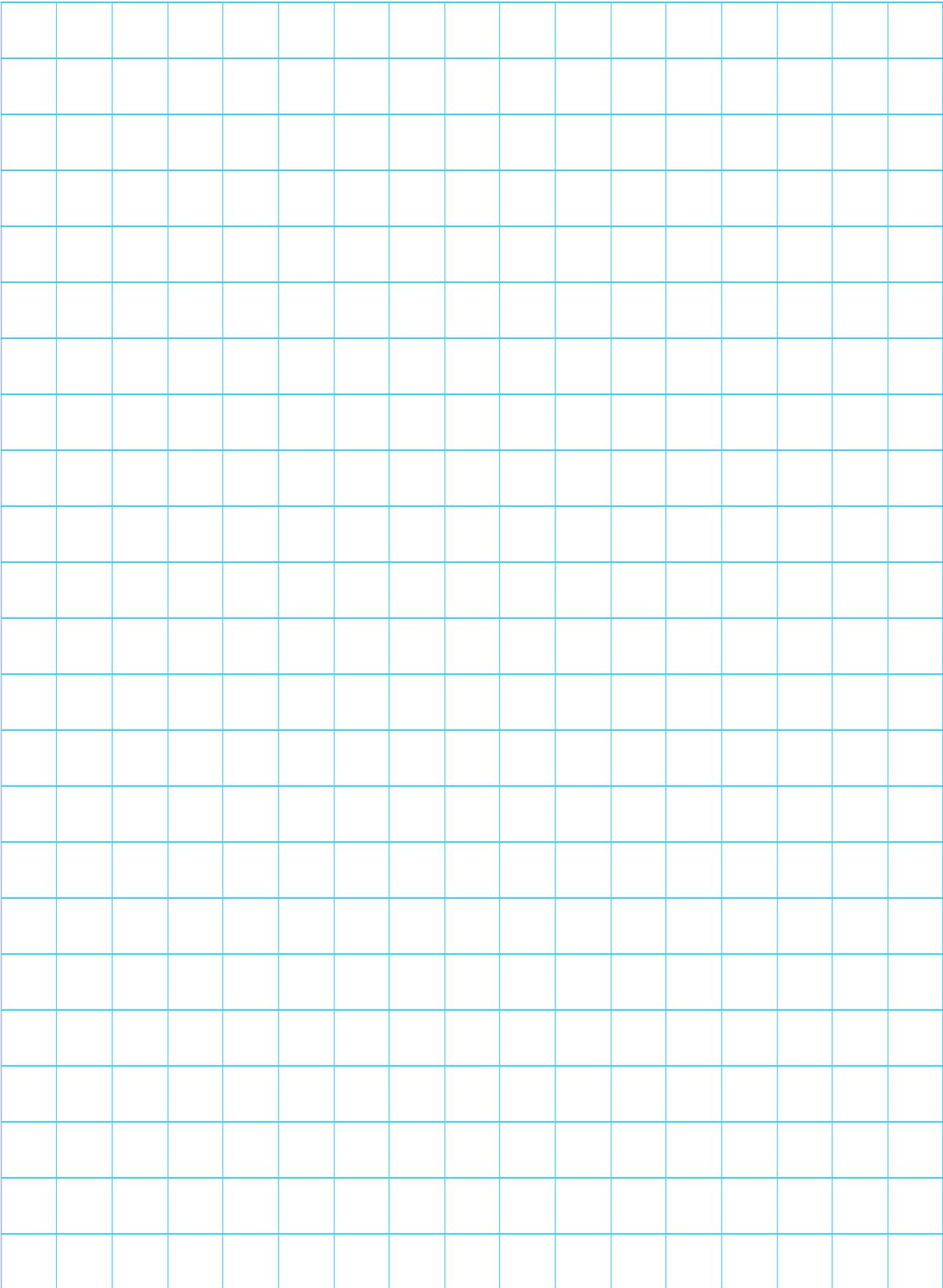
- . Un volume qui n'est composé que de **faces planes** avec des **arêtes droites** s'appelle un
- . Un volume dont la **face supérieure** est **identique** et **parallèle** à la **base**, et dont les faces latérales sont des **parallélogrammes**, aussi nombreux que la base a d'arêtes s'appelle un
- . Un volume dont la **face supérieure** est **identique** et **parallèle** à la base, mais dont la base est un **cercle** s'appelle un
- . Un **prisme** dont toutes les **faces** sont **rectangulaires** s'appelle un
- . Un **prisme** dont toutes les **faces** sont **carrées** s'appelle un
- . Un **polyèdre** à 8 faces, qui n'a **pas de base** et semble formé de **deux pyramides assemblées** par leur base s'appelle un
- . Un volume dont la **base** est un **polygone** et les **faces latérales** sont des **triangles** s'appelle un
- . Un volume qui n'a qu'une **face unique**, dont tous les points sont à même distance d'un même **point central** est une
- . Un volume dont la **base** est un **cercle** et qui n'a qu'une **face latérale courbée en pointe** s'appelle un

4

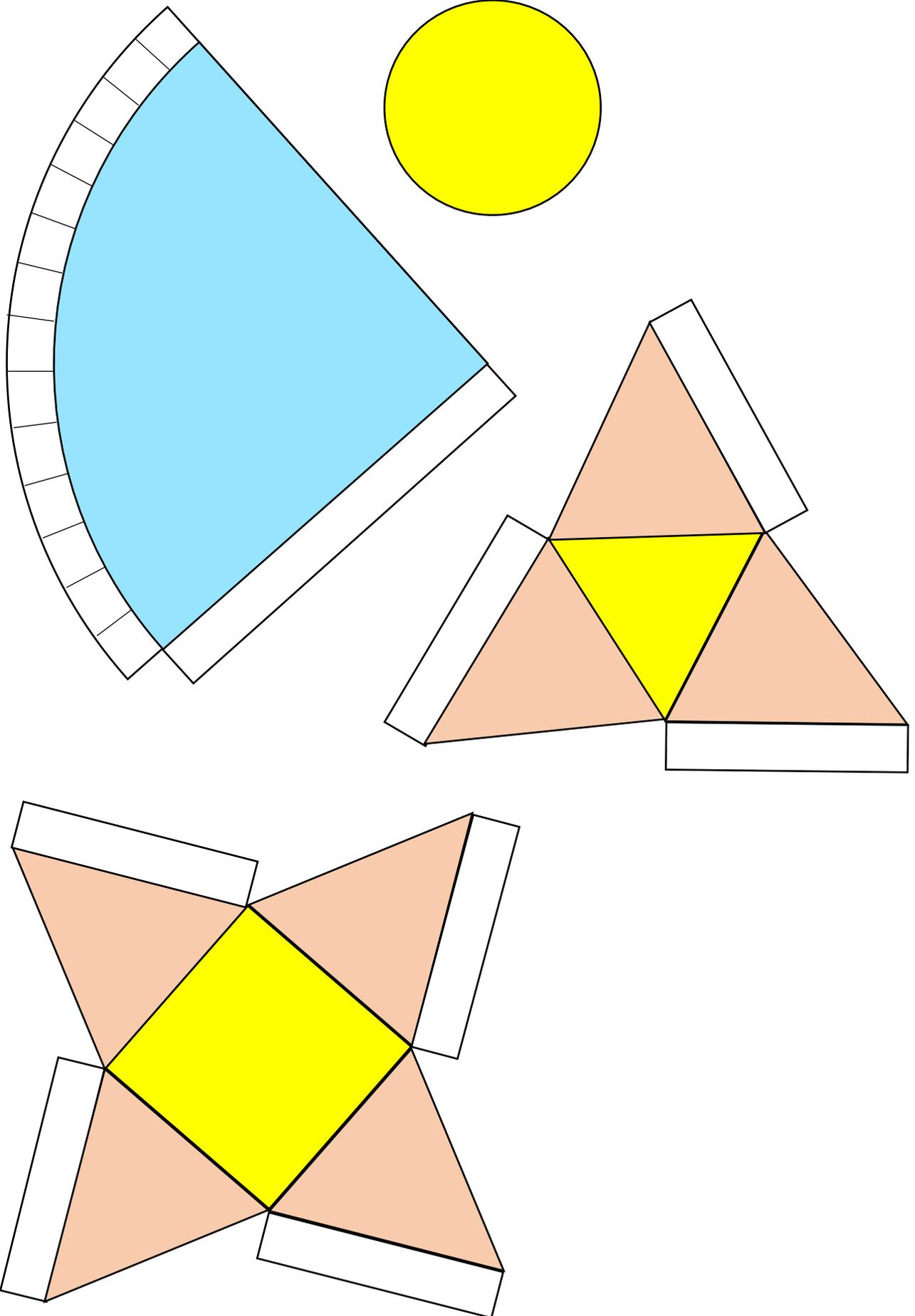
Annexe 1



Annexe 2



Annexe 3



Annexe 4

